

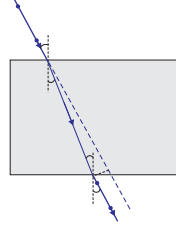


5014CH10

باب 10

روشنی۔ انعکاس اور انعطاف

(Light – Reflection and Refraction)



ہم اپنے اطراف میں کئی طرح کی اشیاء دیکھتے ہیں۔ حالانکہ، ایک اندھیرے کمرے میں ہم کچھ بھی نہیں دیکھ پاتے ہیں۔ جیسے ہی کمرے کو روشن کیا جاتا ہے سبھی چیزیں دکھائی دینے لگتی ہیں۔ وہ کیا ہے جو چیزوں کو مرئی بنا دیتی ہے؟ دن کے وقت سورج کی روشنی ہمیں اشیاء کو دیکھنے میں مدد کرتی ہے۔ اشیاء اپنے اوپر پڑنے والی روشنی کو منعکس کر دیتی ہیں۔ یہ منعکس روشنی جب ہماری آنکھوں میں پہنچتی ہے تو وہ ہمیں چیزوں کو دیکھنے کے قابل بناتی ہے۔ ہم ایک شفاف وسیلہ کے آر پار دیکھ سکتے ہیں کیونکہ اس میں سے روشنی کی ترسیل ہو جاتی ہے۔ روشنی سے متعدد حیرت انگیز مظاہر وابستہ ہیں جیسے آئینے کے ذریعہ شبیہ کا بننا، تاروں کا ٹٹمنا، قوس قزح کے خوبصورت رنگ، کسی وسیلہ کی وجہ سے روشنی کا مڑ جانا وغیرہ۔ روشنی کی خصوصیات کا مطالعہ ہمارے لیے ان کی کھوج بین میں مددگار ہوگا۔

اپنے چاروں طرف موجود عام نوری مظاہر کا مشاہدہ کرنے پر ہم اس نتیجہ پر پہنچتے ہیں کہ روشنی سیدھی لائن میں سفر کرتی ہے۔ یہ حقیقت اس بات کی طرف اشارہ کرتی ہے کہ روشنی کے چھوٹے سے ماخذ کے ذریعہ اس غیر شفاف شے کی بہت واضح پرچھائی بنتی ہے جو روشنی کے اس سیدھی لائن والے راستے میں آتا ہے۔ اسے عام طور سے روشنی کی شعاع (Ray of Light) کے طور پر ظاہر کیا جاتا ہے۔

اگر کوئی بہت چھوٹی غیر شفاف شے روشنی کے راستے میں آتی ہے تو روشنی کی یہ خاصیت ہے کہ وہ سیدھی لائن میں نہ چل کر اس کے چاروں طرف جھک جاتی ہے۔ اس اثر کو روشنی کا انصاف (Diffraction) کہتے ہیں۔ اس سے شعائیں جو سیدھی لائن میں چلتی ہیں ان کا بصری آلات میں استعمال ناکام ہو جاتا ہے۔ انصاف جیسے مظہر کو سمجھانے کے لیے روشنی کو لہر کی مانند فرض کیا جاتا ہے۔ اس کو تفصیل سے آپ اعلیٰ درجات میں پڑھیں گے۔ بیسویں صدی کی شروعات میں یہ بات معلوم ہوئی کہ روشنی کا لہر نظریہ اکثر روشنی اور مادہ کے درمیان باہمی عمل میں نامناسب دکھاتا ہے۔ روشنی عام طور سے ذرات کی دھارا کی طرح برتاؤ کرتی ہے۔ روشنی کی فطرت کے بارے میں یہ تذبذب کچھ سالوں تک برقرار رہا جب تک کہ روشنی کا جدید کوٹم نظریہ ظاہر نہیں ہوا تھا جس میں روشنی کو نہ تو 'لہر' اور نہ ہی 'ذرات' کہا گیا۔ یہ نیا نظریہ روشنی کی ذراتی اور لہر خصوصیت کو ہم آہنگ کرتا ہے۔

اس باب میں ہم روشنی کی سیدھی لائن میں اشاعت کا استعمال کرتے ہوئے انعکاس اور انعطاف کے مظہر کا مطالعہ کریں گے۔ یہ بنیادی تصورات کچھ بصری مظاہر کا مطالعہ کرنے میں ہماری مدد کریں گے جو قدرتی ماحول میں

موجود ہیں آنکوں ہیں۔ ہم اس باب میں کڑوی آنکوں (Spherical mirrors) کے ذریعہ ہونے والے روشنی کے انعکاس نیز روشنی کے انعطاف اور حقیقی زندگی میں ان کے استعمال کو سمجھنے کی کوشش کریں گے۔

10.1 روشنی کا انعکاس (Reflection of Light)

ایک بہت زیادہ پالش کی ہوئی سطح جیسے کہ آئینہ، اپنے اوپر گرنے والی زیادہ تر روشنی کا انعکاس کر دیتا ہے۔ آپ روشنی کے انعکاس کے قوانین سے پہلے ہی سے واقف ہیں۔ آئینے ہم ان قوانین کو پھر سے یاد کرتے ہیں۔

- زاویہ وقوع (Angle of incidence) زاویہ انعکاس (Angle of reflection) کے برابر ہوتا ہے۔
 - واقع شعاع، وقوع کے نقطہ پر آئینہ کے لیے نارمل اور منعکس شعاع ایک ہی مستوی میں ہوتے ہیں۔
- انعکاس کے یہ قوانین ہر طرح کی انعکاسی سطحوں کے لیے استعمال ہوتے ہیں جس میں کڑوی سطحیں بھی شامل ہیں۔ آپ ایک مسطح آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ سے واقف ہوں گے۔ شبیہ کی کیا خصوصیات ہیں؟ مسطح آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ ہمیشہ مجازی (Virtual) اور سیدھی ہوتی ہے۔ شبیہ کا سائز شے کے سائز کے برابر ہوتا ہے۔ شبیہ آئینہ سے اتنی ہی دور بنتی ہے جتنی کہ شے اس سے دور ہوتی ہے۔ اس کے ساتھ ہی شبیہ جانی طور اٹھتی ہے۔ عرضی تقلیب میں بھی ہوتی ہے۔ اگر منعکس سطحیں کڑوی ہوں تو شبیہ کیسی ہوگی؟ آئیے ہم اس کی تحقیق کرتے ہیں۔

سرگرمی 10.1

- ایک بڑا چمکدار چمچ لیجیے۔ اُس کی کڑوی سطح میں اپنا چہرہ دیکھنے کی کوشش کیجیے۔
- کیا آپ کو شبیہ دکھائی دیتی ہے؟ یہ چھوٹی ہے یا بڑی؟
- چمچ کو اپنے چہرے سے دھیرے دھیرے دور لے جائیے۔ شبیہ کا مشاہدہ کیجیے۔ وہ کس طرح تبدیل ہوتی ہے؟
- چمچ کو پلٹ دیجیے اور سرگرمی کو دوہرائیے۔ شبیہ اب کیسی دکھائی دیتی ہے؟
- دونوں سطحوں کی شبیہوں کی خصوصیات کا موازنہ کیجیے۔

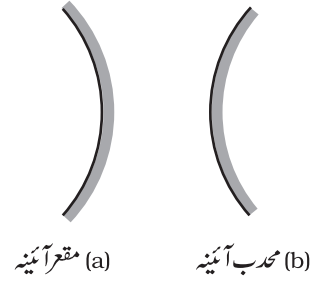
ایک چمکدار چمچ کی خمیدہ سطح کو کڑوی آئینہ کے نام سے جانا جاتا ہے۔ عام طور پر سب سے زیادہ استعمال ہونے والا خمیدہ آئینہ کڑوی آئینہ ہے۔ اس طرح کے آئینوں کی انعکاسی سطح کو کڑہ کی سطح کا ایک حصہ کہا جاسکتا ہے۔ ایسے آئینے جن کی منعکس سطح کڑوی ہوں، کڑوی آئینے کہلاتے ہیں۔ اب ہم کڑوی آئینوں کے بارے میں تفصیل سے پڑھیں۔

10.2 کڑوی آئینہ (Spherical Mirrors)

کسی کڑوی آئینہ کی انعکاسی سطح اندر کی طرف یا باہر کی طرف خمیدہ ہو سکتی ہے۔ وہ کڑوی آئینہ جس کی انعکاسی سطح اندر کی طرف خمیدہ ہو یعنی جس کا رخ کڑہ کے مرکز کی طرف ہوا سے مقعر آئینہ (Concave mirror) کہتے ہیں۔ ایک کڑوی آئینہ جس کی انعکاسی سطح باہر کی طرف خمیدہ ہو محدب آئینہ (Convex mirror) کہلاتا ہے۔ ان آئینوں کو شکل 10.1 میں دکھایا گیا ہے۔ آپ ان اشکال میں غور کیجیے کہ آئینوں کے پیچھے کا حصہ رنگا ہوا ہے۔

اب آپ کو یہ سمجھ میں آ رہا ہوگا کہ چچے کی جوح اندر کی طرف خمیدہ ہے اسے مقعر آئینہ کی طرح اور جو سطح باہر کی طرف ابھری ہوئی ہے اسے محدب آئینہ کی طرح سمجھا جاسکتا ہے۔

کڑوی آئینوں کے بارے میں مزید مطالعہ کرنے سے پہلے ہمیں کچھ اصطلاحات کو جاننے اور سمجھنے کی ضرورت ہے۔ جب ہم کڑوی آئینوں کے بارے میں بات کرتے ہیں تو یہ اصطلاحات عام طور سے استعمال ہوتی ہیں، کسی کڑوی آئینے کی انعکاسی سطح کا مرکز ایک نقطہ ہوتا ہے جسے قطب (Pole) کہتے ہیں۔ یہ آئینہ کی سطح پر موجود ہوتا ہے۔ قطب کو عام طور پر P سے ظاہر کیا جاتا ہے۔



شکل 10.1 کڑوی آئینوں کی تصویری پیشکش، رنگی ہوئی سطح غیر انعکاسی ہے۔

کڑوی آئینہ کی انعکاسی سطح کڑہ کا ایک حصہ بناتی ہے۔ اس کڑہ کا ایک مرکز ہوتا ہے۔ یہ نقطہ کڑوی آئینہ کا مرکز انحناء (Centre of curvature) کہلاتا ہے۔ اسے C سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ برائے مہربانی یہ یاد رکھیے کہ مرکز انحناء کا حصہ نہیں ہے۔ یہ اس کی انعکاسی سطح کے باہر موجود ہوتا ہے۔ ایک مقعر آئینہ کا مرکز انحناء اس کے سامنے موجود ہوتا ہے۔ جبکہ محدب آئینہ میں یہ آئینہ کے پیچھے موجود ہوتا ہے۔ آپ اسے شکل 10.2 (a) اور (b) میں دیکھ سکتے ہیں۔ اس کڑہ کا نصف قطر جس سے کڑوی آئینے کی انعکاسی سطح بنتی ہے، آئینہ کا نصف قطر (Radius of curvature) کہلاتا ہے۔ اسے R کے ذریعہ دکھایا جاتا ہے۔ آپ یہ غور کیجیے کہ فاصلہ PC دائرے کے نصف قطر کے برابر ہے۔ ایک سیدھی لائن فرض کیجیے جو کڑوی آئینہ کے قطب اور مرکز انحناء سے ہو کر گزر رہی ہے۔ اس لائن کو خاص محور (Principal axis) کہتے ہیں۔ یاد رکھیے کہ خاص محور آئینہ کے قطب کے لیے نارمل ہوتی ہے۔ آئیے ہم آئینہ سے متعلق ایک اہم اصطلاح کو اس سرگرمی کے ذریعہ سمجھتے ہیں۔

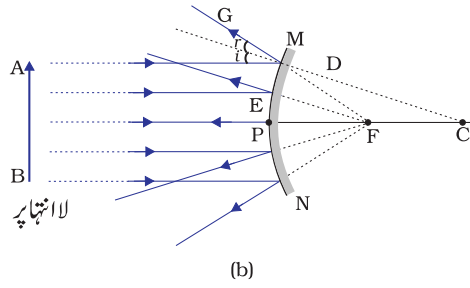
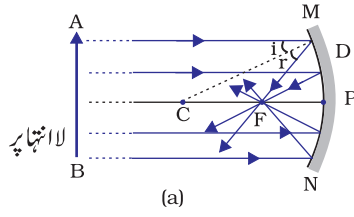
سرگرمی 10.2

احتیاط: سورج کی طرف براہ راست نہ دیکھیں حتیٰ کہ وہ آئینہ جو سورج کی روشنی کا انعکاس کر رہا ہو اس میں بھی نہ دیکھیں۔ یہ آپ کی آنکھوں کو نقصان پہنچا سکتا ہے۔

- ایک مقعر آئینہ کو اپنے ہاتھوں میں پکڑ کر اس کی انعکاسی سطح کو سورج کی طرف کیجیے۔
- آئینہ کے ذریعہ منعکس ہونے والی روشنی کا رخ ایک کاغذ کی شیٹ کی طرف کیجیے جو آئینے کے قریب رکھی ہو۔
- کاغذ کی شیٹ کو دھیرے دھیرے آگے پیچھے کیجیے جب تک کہ آپ کو اس پر ایک گہرا اور واضح روشنی کا نشان نہ مل جائے۔
- آئینہ اور کاغذ کو اسی حالت میں کچھ دیر کے لیے رکھیے۔ آپ کیا مشاہدہ کرتے ہیں؟ کیوں؟

سب سے پہلے کاغذ دھواں پیدا کرتے ہوئے جلنا شروع کرتا ہے۔ تھوڑی دیر بعد اس میں آگ لگ جاتی ہے۔ یہ کیوں جلتا ہے؟ سورج سے آنے والی روشنی ایک واضح اور گہرے نشان کے طور پر آئینہ کے ذریعہ ایک ہی نقطہ پر مرکوز ہو جاتی ہے۔ روشنی کا یہ نشان درحقیقت کاغذ کی شیٹ پر سورج کی شبیہ ہے۔ یہ نقطہ مقعر آئینہ کا فوکس ہے۔ سورج کی روشنی کے ارتکاز کی وجہ سے پیدا ہونے والی گرمی کاغذ کو جلا دیتی ہے۔ آئینہ کے مقام سے اس شبیہ کا فاصلہ آئینہ کی فوکل لمبائی کے تقریباً برابر ہوتا ہے۔

آئیے ہم اس مشاہدہ کو ایک شعاعی ڈائگرام (Ray diagram) کے ذریعہ سمجھنے کی کوشش کریں۔



شکل 10.2

(a) مقعر آئینہ

(b) محدب آئینہ

شکل 10.2 (a) کا غور سے مشاہدہ کیجیے۔ بہت ساری شعاعیں جو خاص محور کے متوازی مقعر آئینہ پر پڑ رہی ہیں۔ منعکس شعاعوں کا مشاہدہ کیجیے۔ یہ سبھی شعاعیں آئینہ کے خاص محور کے ایک نقطہ پر ملتی ہیں۔ یہ نقطہ مقعر آئینہ کا پرنسپل فوکس (Principal Focus) کہلاتا ہے۔ ٹھیک اسی طرح شکل 10.2 (b) کا مشاہدہ کیجیے۔ وہ شعاعیں جو خاص محور کے متوازی ہیں، جو محدب آئینے سے منعکس ہو رہی ہیں۔ منعکس شعاعیں خاص محور پر ایک نقطہ سے آتی ہوئی دکھائی دیتی ہیں۔ یہ نقطہ محدب آئینہ کا پرنسپل فوکس کہلاتا ہے۔ پرنسپل فوکس کو F کے ذریعہ دکھایا جاتا ہے۔ کڑوی آئینہ کے قطب اور پرنسپل فوکس کے درمیانی فاصلے کو فوکل لمبائی (Focal length) کہتے ہیں۔ اسے f سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

کڑوی آئینے کی انعکاسی سطح عام طور سے کڑوی ہوتی ہے۔ سطح کا ایک دائری کنارہ ہوتا ہے۔ کڑوی آئینہ کی انعکاسی سطح کا قطر اس کا اپرچر (Aperture) کہلاتی ہے۔ شکل 10.2 میں فاصلہ MN اپرچر کو ظاہر کرتا ہے۔ ہم اپنے مباحثہ میں صرف ان کڑوی آئینوں کا ذکر کریں گے جن کے اپرچر ان کے نصف قطر انخنا سے بہت چھوٹے ہوں۔

کسی کڑوی آئینہ کے نصف قطر انخنا R اور فوکل لمبائی f کے درمیان کیا کوئی رشتہ ہے؟ چھوٹے اپرچر والے کڑوی آئینوں کا نصف قطر انخنا ان کی فوکل لمبائی کے دو گنے کے برابر ہوتا ہے۔ ہم اسے $R=2f$ سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ کڑوی آئینہ کا پرنسپل فوکس اس کے قطب اور مرکز انخنا کے بالکل بیچ میں واقع ہوتا ہے۔

10.2.1 کڑوی آئینوں کے ذریعہ شبیہ کا بننا (Image formation by Spherical Mirrors)

آپ نے سطح آئینوں کے ذریعہ شبیہ کے بننے کا مطالعہ کیا ہوگا۔ آپ ان کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی سائز کے بارے میں بھی جانتے ہوں گے۔ کڑوی آئینوں کے ذریعہ بننے والی شبیہوں کے بارے میں کیا خیال ہے؟ ایک مقعر آئینے کے ذریعہ بننے والی کسی شے کی شبیہ کے مقام کا اندازہ ہم کیسے لگا سکتے ہیں؟ کیا یہ شبیہ حقیقی ہے یا مجازی؟ کیا یہ شبیہ شے کے مقابلے بڑی، تخفیف شدہ یا پھر برابر سائز کی ہے؟ ہم اس بات کی تحقیق ایک سرگرمی کے ذریعہ کریں گے۔

سرگرمی 10.3

آپ مقعر آئینہ کی فوکل لمبائی معلوم کرنے کا طریقہ پہلے ہی پڑھ چکے ہیں۔ سرگرمی 10.2 میں آپ نے دیکھا کہ کاغذ پر بننے والا روشنی کا واضح اور چمکدار نشان اصل میں سورج کی شبیہ ہے۔ وہ ایک چھوٹی، حقیقی اور الٹی شبیہ تھی۔ آپ نے آئینے سے شبیہ کی کے فاصلے کی پیمائش کر کے مقعر آئینہ کی تقریبی فوکل لمبائی حاصل کی۔

■ ایک مقعر آئینہ لیجیے۔ اس کی تقریبی فوکل لمبائی اوپر دیے گئے طریقہ سے نکال لیے۔ فوکل لمبائی کی قدر کو لکھ لیجیے۔ (آپ اس فوکل لمبائی کو فاصلے پر رکھی ہوئی کسی چیز کی شبیہ ایک کاغذ کی شیٹ پر حاصل کر کے بھی نکال سکتے ہیں۔)

- میز پر چاک کی مدد سے ایک لائن کھینچئے۔ محب آئینہ کو ایک اسٹینڈ پر لگائیے۔ اسٹینڈ کو لائن پر اس طرح رکھیے کہ اس کا قطب لائن پر رہے۔
- چاک کی مدد سے پہلی لائن کے متوازی دو اور لائنیں اس طرح کھینچئے کہ کوئی بھی دو متوازی لائنوں کے درمیان کا فاصلہ آئینہ کی فوکل لمبائی کے برابر ہو۔ یہ لائنیں اب بالترتیب F، P اور C نقطوں کے مقامات کے نظیری ہوں گی۔ یاد کیجیے ایک چھوٹے اپرچر والے کڑوی آئینہ کے لیے پرنسپل فوکس F اس کے قطب P اور مرکز انحناء C کے ٹھیک درمیان میں واقع ہوتا ہے۔
- ایک چمکدار شے جیسے کہ جلتی ہوئی موم بتی کو C سے دور کسی مقام پر رکھیے۔ آئینہ کے سامنے کاغذ کا ایک پردہ رکھیے اور اسے اس وقت تک ہلائیے جب تک کہ اس پر موم بتی کی لوکی ایک واضح اور چمکدار شبیہ نہ بن جائے۔
- شبیہ کا اچھی طرح مشاہدہ کیجیے۔ اس کی نوعیت، مقام اور شے کے سائز کے مقابلے اس کے نسبتی سائز کو نوٹ کیجیے۔
- اس سرگرمی کو دوہرائیے، موم بتی کو (a) ٹھیک C کے پیچھے رکھ کر۔ (b) C پر رکھ کر (C) اور F کے درمیان میں رکھ کر (d) F پر رکھ کر اور (C) اور P کے بیچ رکھ کر۔
- ان میں سے ایک صورت میں آپ کو پردے پر کوئی شبیہ حاصل نہیں ہوگی۔ اس صورت میں شے کے فاصلہ کا پتہ لگائیے اور پھر آئینہ میں اس کی مجازی شبیہ کو دیکھیے۔
- اپنے مشاہدات کو نوٹ کیجیے اور اسے جدول میں نوٹ کیجیے۔

اوپر دی گئی سرگرمی میں آپ دیکھیں گے کہ مقعر آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور سائز نقطہ F، P اور C سے شے کے نسبتی مقام پر منحصر ہے۔ شے کے کچھ مقامات کے لیے بننے والی شبیہ حقیقی ہوتی ہے اور یہ بھی دیکھا گیا ہے کہ کچھ دوسرے مقامات پر رکھی ہوئی شے کے لیے شبیہ مجازی بنتی ہے۔ شبیہ یا تو تکبیر شدہ ہوگی یا تخفیف شدہ ہوگی یا پھر شے کے مقام کے حساب سے اس کی جسامت کے برابر ہوگی۔ ان مشاہدات کا خلاصہ جدول 10.1 میں پیش کیا گیا ہے۔

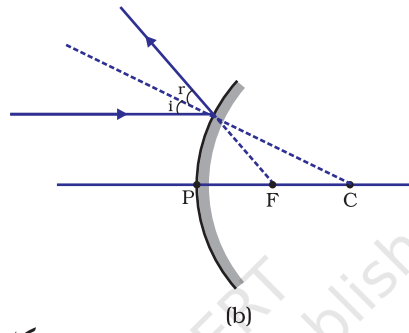
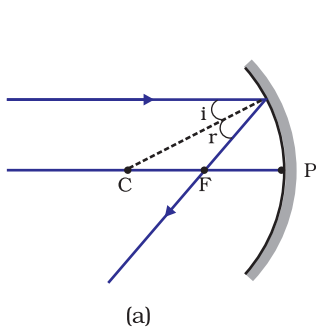
جدول 10.1 شے کے مختلف مقامات کے لیے مقعر آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ۔

شے کا مقام	شبیہ کا مقام	شبیہ کا (سائز)	شبیہ کی نوعیت
لا انتہا پر	فوکس F پر	بے حد تخفیف شدہ، نقطہ کے برابر	حقیقی اور الٹی
C سے دور	F اور C کے درمیان	تخفیف شدہ	حقیقی اور الٹی
C پر	C پر	یکساں سائز	حقیقی اور الٹی
C اور F کے درمیان	C سے دور	بڑا	حقیقی اور الٹی
F پر	لا انتہا پر	بہت زیادہ بڑا	حقیقی اور الٹی
P اور F کے درمیان	آئینہ کے پیچھے	بڑا	مجازی اور سیدھی

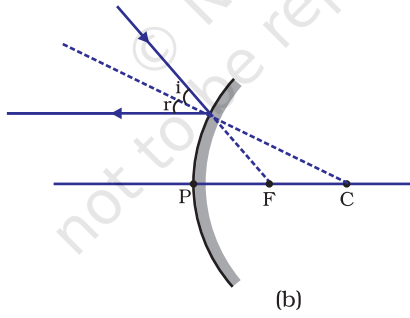
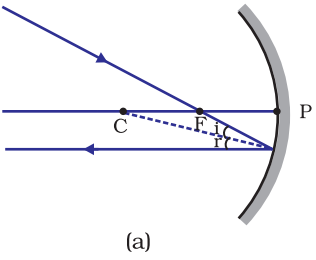
10.2.2 شعاعی ڈائیگرام کے استعمال سے کڑوی آئینوں کے ذریعہ بنائی گئی شبیہ کا اظہار

ہم کڑوی آئینوں کے ذریعہ شبیہ کے بننے کا مطالعہ شعاعی ڈائیگرام کھینچ کر بھی کر سکتے ہیں۔ کڑوی آئینہ کے سامنے رکھی گئی ایک متناہی سائز کی وسیع شے پر غور کیجیے۔ وسیع شے کا ہر چھوٹا حصہ ایک نقطہ ماخذ کی طرح کام کرتا ہے۔ ان نقطوں سے لا انتہا شعاعیں پیدا ہوتی ہیں۔ کسی شے کی شبیہ کا مقام معلوم کرنے کی غرض سے شعاعی ڈائیگرام کی تشکیل کے لیے خود مختار انداز پر کسی نقطہ سے نمودار ہوتی ہوئی بے شمار شعاعوں کو فرض کیا جاسکتا ہے۔ شعاعی ڈائیگرام کی وضاحت کے لیے صرف دو شعاعوں کو لینا آسان رہے گا۔ ان شعاعوں کو اس طرح سے منتخب کیا جاتا ہے کہ آئینہ سے انعکاس کے بعد ان کی سمت کا پتہ لگانا آسان ہو۔

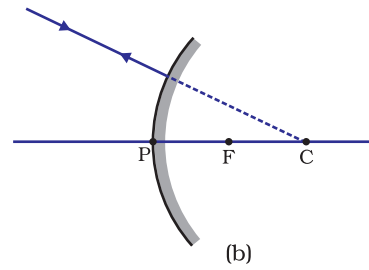
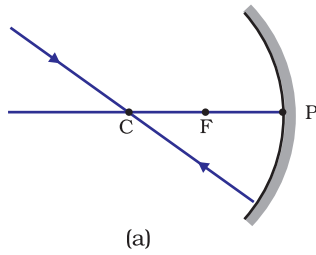
کم از کم دو منعکس شعاعوں کے تقاطع سے شبیہ کے مقام کا پتہ چل جاتا ہے۔ مندرجہ ذیل میں سے کوئی دو شعاعوں کو شبیہ کا مقام معلوم کرنے کے لیے فرض کیا جاسکتا ہے۔



شکل 10.3



شکل 10.4



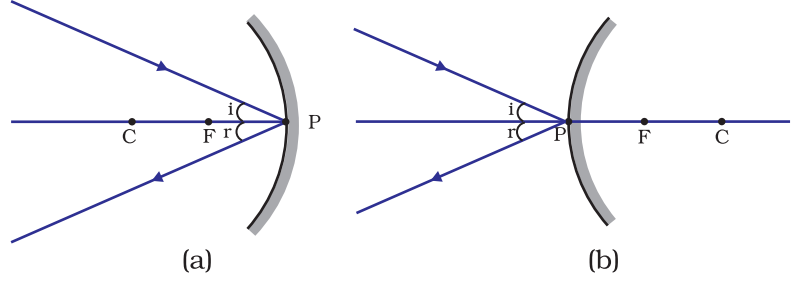
شکل 10.5

(i) خاص محور کے متوازی ایک شعاع انعکاس کے بعد مقعر آئینہ کے پرنسپل فوکس سے ہو کر گزرتی ہے اور محدب آئینہ کی صورت میں پرنسپل فوکس سے غیر مرکوز (Diverge) ہوتی ہوئی دکھائی پڑتی ہے۔ اسے شکل 10.3 (a) اور (b) میں دکھایا گیا ہے۔

(ii) ایک شعاع جو مقعر آئینہ کے پرنسپل فوکس سے ہو کر گزر رہی ہے یا کہ ایک شعاع جس کا رخ محدب آئینہ کے پرنسپل فوکس کی طرف ہے، انعکاس کے بعد خاص محور کے متوازی نمودار ہو گی۔ اسے شکل 10.4 (a) اور (b) میں سمجھایا گیا ہے۔

(iii) ایک شعاع جو کسی مقعر آئینہ کے مرکز انحناء سے ہو کر گزرتی ہے یا ایک محدب آئینہ کے مرکز انحناء کی سمت میں موڑ دی جاتی ہے تو وہ انعکاس کے بعد اسی راستہ پر منعکس ہو جاتی ہے۔ اسے شکل 10.5 (a) اور (b) میں دکھایا گیا ہے۔ روشنی کی شعاعیں اسی راستے سے واپس آ جاتی ہیں کیونکہ واقع شعاعیں آئینہ کے نارمل سے ہو کر انعکاسی سطح پر گرتی ہیں۔

(iv) ایک شعاع جو مقعر آئینہ یا محدب آئینہ کے نقطہ P (آئینہ کا قطب) کی طرف خاص محور پر ترچھی واقع ہوتی ہے (شکل 10.6 (a)) (شکل 10.6 (b))، ترچھی منعکس ہوتی ہے۔ واقع شعاعیں اور منعکس شعاعیں خاص محور سے برابر زاویہ بناتے ہوئے نقطہ وقوع کے (نقطہ P) پر انعکاس کے قوانین کا اتباع کرتی ہیں۔



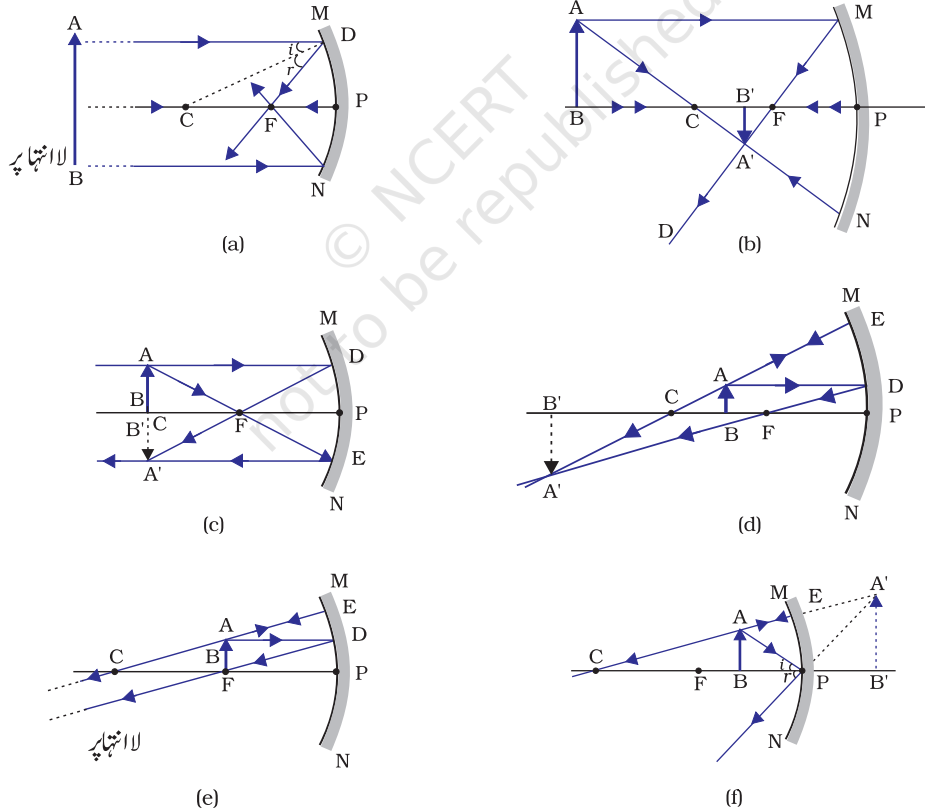
شکل 10.6

یاد رکھیے کہ اوپر دیے ہوئے سبھی معاملات میں انعکاس کے قوانین پر عمل کیا گیا ہے۔ نقطہ وقوع پر، واقع شعاع اس طرح سے منعکس ہوتی ہے کہ انعکاس کا زاویہ وقوع کے زاویہ کے برابر ہو جاتا ہے۔

(a) مقعر آئینہ کے ذریعہ شبیہ کا بنا (Image formation by Concave Mirror)

شکل 10.7 میں شے کی مختلف حالتوں کے لیے مقعر آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ کے شعاعی ڈائگرام کو

دکھایا گیا ہے۔



شکل 10.7 مقعر آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ کے شعاعی ڈائگرام

سرگرمی 10.4

- جدول 10.1 میں دکھائی گئی شے کے ہر ایک مقام کے لیے شعاعی ڈائیگرام بنائیے۔
- شبیہ کا مقام معلوم کرنے کے لیے آپ گزشتہ سیکشن میں سے کوئی دو شعاعوں کا استعمال کر سکتے ہیں۔
- اپنے ڈائیگرام کا موازنہ شکل 10.7 سے کیجیے۔
- ہر ایک حالت میں بنی ہوئی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی جسامت کی وضاحت کیجیے۔
- نتیجوں کو جدول میں آسان شکل میں لکھیے۔

مقعر آئینوں کے استعمال (Uses of Concave mirrors)

مقعر آئینوں کو عام طور پر ٹارچ، سرچ لائٹ اور گاڑیوں کی ہیڈ لائٹوں میں روشنی کا طاقتور متوازی بیم حاصل کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ اکثر انہیں شیونگ آئینوں کے طور پر بھی استعمال کرتے ہیں تاکہ چہرے کی بڑی شبیہ دیکھ سکیں۔ دانتوں کے ڈاکٹر مقعر آئینہ کا استعمال مریضوں کے دانتوں کی بڑی شبیہ حاصل کرنے کے لیے کرتے ہیں۔ بڑے مقعر آئینوں کا استعمال شمسی بھٹیوں میں گرمی پیدا کرنے کی غرض سے سورج کی روشنی مرکوز کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔

(b) محدب آئینہ کے ذریعہ شبیہ کا بنا (Image formation by a Convex Mirror)

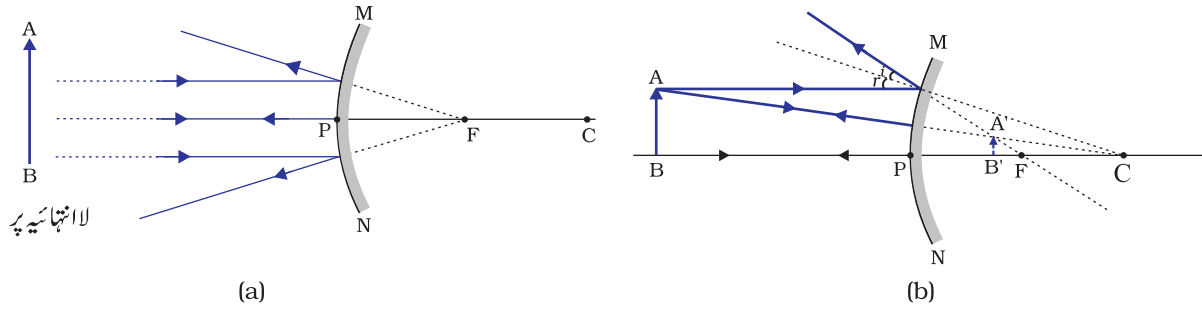
ہم نے مقعر آئینہ کے ذریعہ شبیہ کے بننے کا مطالعہ کیا ہے۔ اب ہم محدب آئینہ کے ذریعہ شبیہ کے بننے کا مطالعہ کریں گے۔

سرگرمی 10.5

- ایک محدب آئینہ لیجیے اور اسے ایک ہاتھ میں پکڑ لیے۔
- دوسرے ہاتھ میں ایک پینسل کو سیدھی حالت میں پکڑ لیجیے۔
- آئینہ میں پینسل کی شبیہ کا مشاہدہ کیجیے۔ کیا شبیہ سیدھی ہے یا پھر الٹی ہے؟ کیا وہ تخفیف شدہ ہے یا پھر وسیع؟
- پینسل کو دھیرے دھیرے آئینہ سے دور لے جائیے۔ کیا شبیہ چھوٹی ہو رہی ہے یا پھر بڑی ہو رہی ہے؟
- اس سرگرمی کو احتیاط سے دہرائیے۔ بتائیے کہ جیسے جیسے شے کو آئینہ سے دور لے جاتے ہیں تو فوکس کے پاس آ جاتی ہے یا پھر دور کھسک جاتی ہے؟

محدب آئینہ سے بنی ہوئی شبیہ کا مطالعہ کرنے کے لیے ہم شے کے دو مقامات پر غور کریں گے۔ پہلی صورت میں شے لا انتہا (Infinity) پر ہے جبکہ دوسری حالت میں شے آئینہ سے تنہا ہی فاصلے پر موجود ہے۔ محدب آئینہ کے ذریعہ ان دونوں مقامات کے لیے شے کی شبیہ کے بننے کو بالترتیب شکل 10.8(a) اور (b) میں شعاعی ڈائیگرام کی شکل میں دکھایا گیا ہے۔ نتیجوں کا خلاصہ جدول 10.2 میں پیش کیا گیا ہے۔

روشنی - انعکاس اور انعطاف



شکل 10.8 محدب آئینہ کے ذریعہ شبیہ کا بننا

جدول 10.2 محدب آئینہ کے ذریعہ بنی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی جسامت

شبیہ کی نوعیت	شبیہ کی جسامت	شبیہ کا مقام	شے کا مقام
مجازی اور سیدھی	بے حد تخفیف شدہ، نقطہ کے سائز کی	آئینہ کے پیچھے فوکس F پر۔	لا انتہا پر
مجازی اور سیدھی	تخفیف شدہ	آئینہ کے پیچھے P اور F کے درمیان	لا انتہا اور آئینہ کے قطب P کے درمیان

آپ نے ابھی تک مسطح آئینہ، محدب آئینہ اور مقعر آئینہ کے ذریعہ بننے والی شبیہ کا مطالعہ کیا ہے۔ ان میں سے کون سا آئینہ کسی بڑی شے کی مکمل شبیہ دے سکتا ہے؟ آئیے ایک سرگرمی کے ذریعہ پتہ لگائیں۔

سرگرمی 10.6

- ایک مسطح آئینہ میں کسی دور دراز مقام پر واقع شے جیسے کہ ایک درخت کی شبیہ کا مشاہدہ کیجیے۔
- کیا آپ کو درخت کی مکمل شبیہ دکھائی دیتی ہے۔
- الگ الگ سائز کے مسطح آئینوں سے کوشش کیجیے۔ کیا آپ کو پوری شے اس کی شبیہ میں دکھائی دیتی ہے؟
- اس سرگرمی کو ایک مقعر آئینہ کے ساتھ دہرائیے۔ کیا آئینہ شے کی مکمل شبیہ بناتا ہے؟
- اب اس سرگرمی کو محدب آئینہ کے ساتھ کرنے کی کوشش کیجیے۔ کیا آپ کو کامیابی ملی؟ اپنے مشاہدات کی استدلالی وضاحت کیجیے۔

آپ ایک چھوٹے محدب آئینہ میں ایک اونچی عمارت/درخت کی مکمل شبیہ دیکھ سکتے ہیں۔ اسی طرح کا ایک آئینہ آگرہ کے قلعے میں لگا ہوا ہے، جس کا رخ تاج محل کی طرف ہے۔ اگر آپ آگرہ کے قلعے میں جائیں تو تاج محل کی مکمل شبیہ دیوار پر لگے ہوئے آئینہ میں دیکھنے کی کوشش کیجیے۔ تاج محل کو واضح طور پر دیکھنے کے لیے آپ کو دیوار سے جڑے ہوئے جھجھے پر صبح ڈھنگ سے کھڑا ہونا پڑے گا۔

محدب آئینہ کے استعمال (Uses of Convex mirror)

محدب آئینہ کا استعمال عام طور سے گاڑیوں میں پیچھے کا منظر دیکھنے والے آئینہ کے طور پر ہوتا ہے۔ یہ آئینے گاڑیوں میں آگے

کی جانب دونوں طرف لگائے جاتے ہیں تاکہ ڈرائیور اپنے پیچھے والے ٹریفک کو دیکھ سکے جس سے اس کو حفاظت کے ساتھ گاڑی چلانے میں مدد مل سکے۔ محدب آئینہ کو اس لیے ترجیح دی جاتی ہے کیونکہ ان سے ہمیشہ سیدھی مگر تخفیف شدہ شبیہ حاصل ہوتی ہے۔ اس کے علاوہ ان کا دائرہ منظر بھی بڑا ہوتا ہے کیونکہ ان کے کنارے باہر کی طرف خم دار ہوتے ہیں۔ اس لیے محدب آئینے ڈرائیور کو زیادہ بڑے رقبہ کو دیکھ پانے میں مددگار ثابت ہوتے ہیں جو سطح آئینے نہیں کر سکتے۔

سوالات



- 1- مقعر آئینہ کے پرنسپل فوکس کی تعریف بیان کیجیے۔
- 2- ایک کروی آئینہ کا نصف قطر انحنا 20 سینٹی میٹر ہے۔ اس کی فوکل لمبائی کیا ہوگی؟
- 3- اس آئینہ کا نام بتائیے جو کسی شے کی سیدھی اور وسیع شبیہ بناتا ہے۔
- 4- ہم گاڑیوں میں پیچھے کا منظر دیکھنے کے لیے محدب آئینہ کے استعمال کو کیوں ترجیح دیتے ہیں؟

10.2.3 کروی آئینوں سے انعکاس کے لیے نشان روایت

(Sing Convention for Reflection by Spherical Mirrors)

کروی آئینوں سے روشنی کے انعکاس کے معاملہ میں ہمیں کچھ نشان روایتوں پر عمل کرنا پڑتا ہے جنہیں نئی کارٹیسی نشان روایت (New cartesian sign convention) کہا جاتا ہے۔ اس روایت میں آئینہ کے قطب (P) کو مبدا (Origin) مانا جاتا ہے (شکل 10.9)۔ آئینہ کے خاص محور کو مختص نظام میں x- محور (x'x) کے طور پر لیا جاتا ہے۔ روایتیں مندرجہ ذیل ہیں۔

- (i) شے کو ہمیشہ آئینہ کے بائیں طرف رکھا جاتا ہے۔ یہ اس بات کی طرف اشارہ کرتا ہے کہ شے سے نکلنے والی روشنی آئینہ پر بائیں طرف سے پڑتی ہے۔
 - (ii) خاص محور کے متوازی تمام فاصلوں کی پیمائش آئینہ کے قطب سے کی جاتی ہے۔
 - (iii) وہ سبھی فاصلے جن کی پیمائش مبدا کے دائیں طرف سے کی جاتی ہے (مثبت x- محور کے ساتھ) انہیں مثبت لیا جاتا ہے جبکہ وہ فاصلے جن کی پیمائش مبدا کے بائیں طرف سے کی جاتی ہے (منفی x- محور کے ساتھ) انہیں منفی لیا جاتا ہے۔
 - (iv) خاص محور کے اوپر اور عمودی، پیمائش کیے جانے والے تمام فاصلوں (+y- محور کے ساتھ) کو مثبت لیا جاتا ہے۔
 - (v) خاص محور کے نیچے اور عمودی، پیمائش کیے جانے والے تمام فاصلوں (-y- محور کے ساتھ) کو منفی لیا جاتا ہے۔
- آپ کی آسانی کے لیے اوپر بیان کیا گیا نیا کارٹیسی نشان روایت شکل 10.9 میں سمجھایا گیا ہے۔ نشان روایت کا استعمال آئینہ فارمولا حاصل کرنے اور ان سے وابستہ عددی مسائل کو حل کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔

10.2.4 آئینہ فارمولا اور تکبیر (Mirror Formula and Magnification)

ایک کروی آئینہ میں اس کے قطب سے شے کے فاصلے کو شے کا فاصلہ (Object distance) یعنی (u) کہا جاتا ہے۔ آئینہ کے قطب اور شبیہ کے درمیان کا فاصلہ (Image distance) (v) کہلاتا ہے۔ آپ پہلے ہی سے جانتے ہیں

روشنی - انعکاس اور انعطاف

کہ قطب سے پرنسپل فوکس کا فاصلہ فوکل لمبائی (f) کہلاتی ہے۔ ان تینوں مقداروں کے درمیان تعلق کو آئینہ فارمولے کی شکل میں ظاہر کیا جاتا ہے۔ جو اس طرح ہے۔

$$(10.1) \quad \frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

یہ فارمولا سبھی کڑوی آئینوں کی سبھی حالتوں اور شے کے سبھی مقامات کے لیے درست ہے۔ سوالات حل کرنے کے لیے آئینہ فارمولے میں f, v, u اور R کی عددی قدروں کو رکھتے وقت نئی کارتیسی نشان روایت کا استعمال کرنا چاہیے۔

تکبیر (Magnification)

کڑوی آئینہ کے ذریعہ پیدا ہونے والی تکبیر سے یہ معلوم ہوتا ہے کہ کسی شے کی شبیہ کو نسبتی وسعت دیتی ہے جس سے شے کی جسامت کے مقابلہ میں شبیہ بڑی ہو جاتی ہے۔ اسے ہم شبیہ کی شے کی جسامت کی مناسبت میں کس حد تک چھوٹا یا بڑا کیا گیا ہے۔ عام طور سے اس کو m کے ذریعہ ظاہر کیا جاتا ہے۔ اگر h شے کی اونچائی ہو اور h' شبیہ کی اونچائی تو کڑوی آئینہ کے ذریعہ پیدا ہونے والی تکبیر m کو اس طرح دکھایا جائے گا۔

$$m = \frac{\text{شبیہ کی اونچائی } [h']}{\text{شے کی اونچائی } [h]}$$

(10.2)

$$\frac{h'}{h} = m$$

تکبیر m شے کے فاصلہ (u) اور شبیہ کے فاصلہ (v) سے بھی وابستہ ہے۔ اسے اس طرح ظاہر کرتے ہیں۔

(10.3)

$$m = \frac{h'}{h} = -\frac{v}{u}$$

اب اس بات کو نوٹ کیجیے کہ شے جو اکثر خاص محور کے اوپر واقع ہوتی ہے، اس کی اونچائی کو مثبت لیا جاتا ہے۔ مجازی شبیہ کے لیے شبیہ کی اونچائی کو مثبت لیتے ہیں۔ جبکہ حقیقی شبیہ کے لیے اسے منفی لیا جاتا ہے۔ تکبیر کی قدر میں موجود منفی نشان اس بات کو ظاہر کرتا ہے کہ شبیہ حقیقی ہے۔ تکبیر کی قدر میں موجود مثبت نشان اس بات کو ظاہر کرتا ہے کہ شبیہ مجازی ہے۔

مثال 10.1

ایک موٹر گاڑی میں پیچھے کی چیزیں دیکھنے کے لیے استعمال ہونے والے محدب آئینہ کا نصف قطر انحناء 3.00 میٹر ہے۔ اگر ایک بس اس آئینہ سے 5.00 میٹر کے فاصلے پر موجود ہے تو بننے والی شبیہ کا مقام، نوعیت اور جسامت معلوم کیجیے۔

حل

اُختا کا نصف قطر، $R = +3.00 \text{ m}$

شے کا فاصلہ، $u = -5.00 \text{ m}$

شبیبہ کا فاصلہ، $V = ?$

شبیبہ کی اونچائی، $h = ?$

فوکل لمبائی، $f = R/2 = +\frac{3.00\text{m}}{2} = +1.50 \text{ m}$ (چونکہ محرب آئینہ کا فوکس آئینہ کے پیچھے ہوتا ہے)

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \quad \text{چونکہ}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{f} - \frac{1}{u} = +\frac{1}{1.50} - \frac{1}{(-5.00)} = \frac{1}{1.50} + \frac{1}{5.00}$$

$$= \frac{5.00 + 1.50}{7.50}$$

$$v = \frac{+7.50}{6.50} = +1.15 \text{ m}$$

شبیبہ آئینہ کے پیچھے 1.15 m کے فاصلے پر بن رہی ہے۔

$$m = \frac{h'}{h} = -\frac{v}{u} = -\frac{1.15\text{m}}{-5.00\text{m}}$$

$$= +0.23$$

شبیبہ مجازی، سیدھی اور جسامت میں 0.23 گنا چھوٹی ہے۔

مثال 10.2

ایک 4.0 سینٹی میٹر جسامت والی شے 15.0 سینٹی میٹر فوکل لمبائی والے مقعر آئینہ کے سامنے 25.0 سینٹی میٹر کے فاصلے پر رکھی گئی ہے۔ ایک واضح شبیبہ حاصل کرنے کے لیے پردہ کو آئینہ سے کتنے فاصلے پر رکھنا چاہیے؟ شبیبہ کی نوعیت اور جسامت معلوم کیجیے۔

حل

شے کی جسامت، $h = +4.0 \text{ cm}$

شے کا فاصلہ، $u = -25.0 \text{ cm}$

فوکل لمبائی، $f = -15.0 \text{ cm}$

شبیبہ کا فاصلہ، $v = ?$

شبیبہ کی جسامت، $h = ?$

مساوات (10.1) سے

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{f} - \frac{1}{u} = \frac{1}{-15.0} - \frac{1}{-25.0} = -\frac{1}{15.0} + \frac{1}{25.0} \quad \text{یا}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{-5.0 + 3.0}{75.0} = \frac{-2.0}{75.0} \quad \text{یا}$$

$$v = -37.5 \text{ cm} \quad \text{یا}$$

پردہ کو آئینہ سے 37.5 سینٹی میٹر دور رکھنا چاہیے۔ شبیہ حقیقی ہے۔

$$m = \frac{h'}{h} = -\frac{v}{u} \quad \text{اس کے علاوہ تکبیر،}$$

$$h' = -\frac{vh}{u} = -\frac{(-37.5 \text{ cm})(+4.0 \text{ cm})}{(-25.0 \text{ cm})} \quad \text{یا،}$$

$$h' = -6.0 \text{ cm} \quad \text{شبیہ کی اونچائی،}$$

شبیہ الٹی اور بڑی ہے۔

سوالات

- 1- اس محدب آئینہ کی فوکل لمبائی بتائیے جس کا نصف قطر انحنا 32 سینٹی میٹر ہے۔
- 2- ایک مقعر آئینہ اپنے سامنے 10cm کے فاصلے پر رکھی ہوئی شے کی تین گنی تکبیر شدہ (وسیع) شبیہ بناتا ہے۔ شبیہ کہاں واقع ہے؟

10.3 روشنی کا انعطاف (Refraction of Light)

شفاف وسیلہ میں روشنی مستقیم راستے (Straight-line paths) پر چلتی ہوئی معلوم ہوتی ہے۔ جب روشنی ایک شفاف وسیلہ سے دوسرے میں داخل ہوتی ہے تو کیا ہوتا ہے؟ کیا وہ اب بھی مستقیم راستہ پر چلتی ہے یا اپنی سمت بدل لیتی ہے؟ ہم اپنے روزمرہ کے کچھ تجربات کو یاد کرتے ہیں۔

آپ نے شاید یہ مشاہدہ کیا ہو کہ ایک ٹنکی یا تالاب جس میں پانی بھرا ہو اس کی تلی ابھری یا اٹھی ہوئی لگتی ہے۔ اسی طرح جب ہم حروف کے اوپر گلاس سلیب رکھتے ہیں اور اس میں سے حروف پڑھنے کی کوشش کرتے ہیں تو وہ ہمیں اٹھے ہوئے نظر آتے ہیں۔ ایسا کیوں ہوتا ہے؟ کیا آپ نے ایک شیشہ کے گلاس میں تھوڑی ڈوبی ہوئی پینسل دیکھی ہے؟ وہ ہوا اور پانی کے انفریس پر تھوڑی ٹیڑھی معلوم ہوتی ہے۔ آپ نے اس بات کا بھی مشاہدہ کیا ہوگا کہ ایک شیشہ کے گلاس میں پانی کے اندر رکھے ہوئے نیبو کو جب کناروں سے دیکھا جاتا ہے تو وہ اپنے اصل سائز سے بڑا دکھائی دیتا ہے۔ آپ ان تجربات سے کیا سمجھتے ہیں؟

آئیے ہم پانی میں تھوڑی ڈوبی ہوئی پینسل کی بظاہر منتقلی کے معاملہ پر غور کرتے ہیں۔ پانی کے اندر ڈوبے ہوئے پینسل کے حصہ کو پانی کے باہر کے پینسل کے حصہ سے مقابلہ کرنے پر پتہ چلتا ہے کہ پانی کے اندر والے حصہ سے روشنی ایک مختلف سمت سے آتی ہوئی نظر آتی ہے۔ اس کی وجہ سے پینسل انٹرفیس پر منتقل ہوتی ہوئی دکھاتی ہے۔ ٹھیک اسی وجہ سے حروف ابھرے ہوئے دکھائی دیتے ہیں جب انھیں ان کے اوپر رکھے ہوئے ایک گلاس لیبل کے ذریعہ دیکھا جاتا ہے۔

کیا پینسل اس وقت بھی اتنی ہی منتقل دکھائی دے گی جب اس میں پانی کی جگہ کوئی دوسرا رقیق جیسے مٹی کا تیل یا تارپین استعمال کیا جاتا ہے؟ کیا حروف اتنے ہی ابھرے ہوئے دکھائی دیں گے جب گلاس سلیب کی جگہ پلاسٹک کی سلیب کا استعمال کیا جاتا ہے؟ آپ دیکھیں گے کہ الگ الگ حالتوں میں وسیلہ کو بدل دینے پر اثرات بھی بدل جاتے ہیں۔ یہ مشاہدے اس طرف اشارہ کرتے ہیں کہ روشنی سبھی وسیلوں میں ایک ہی سمت میں نہیں چلتی ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ ایک وسیلہ سے دوسرے وسیلہ میں ترچھے سفر کرتے ہوئے دوسرے وسیلہ میں روشنی کی اشاعت کی سمت بدل جاتی ہے۔ اس مظہر کو روشنی کا انعطاف کہتے ہیں۔ آئیے ہم اس مظہر کو مزید سمجھنے کے لیے کچھ سرگرمیوں کا سہارا لیتے ہیں۔

سرگرمی 10.7

- ایک پانی سے بھری ہوئی بالٹی کی تلی میں ایک سکہ کو رکھیے۔
- اپنی آنکھیں پانی کے ایک کنارے پر رکھ کر سکہ کو ایک مرتبہ میں نکالنے کی کوشش کیجیے۔ کیا آپ سکہ کو اٹھانے میں کامیاب ہوئے؟
- اس سرگرمی کو دہرائیے۔ آپ اسے ایک مرتبہ میں پورا کرنے میں کامیاب کیوں نہیں ہوئے؟
- اپنے دوستوں سے اسے کرنے کے لیے کہیے۔ اپنے تجربے کا موازنہ ان سے کیجیے۔

سرگرمی 10.8

- میز پر ایک بڑے اور چھلے (Shallow) کٹورے کو رکھیے اور اس میں ایک سکہ رکھ دیجیے۔
- دھیرے دھیرے کٹورے سے دور جاییں۔ وہاں پر رک جائیے جہاں سکہ آپ کی نظر سے اوجھل ہو جائے۔
- اپنے ایک دوست سے کہیے کہ وہ کٹورے میں سکہ کو حرکت دیے بغیر پانی ڈالے۔
- اپنی جگہ سے سکہ کو دیکھتے رہیے۔ کیا آپ کی جگہ سے سکہ دوبارہ دکھائی دینے لگتا ہے؟ ایسا کس طرح ہوا؟

کٹورے میں پانی ڈالنے پر سکہ دوبارہ دکھائی دینے لگتا ہے۔ روشنی کے انعطاف کی وجہ سے سکہ اپنی اصل جگہ سے تھوڑا اٹھا ہوا دکھائی دیتا ہے۔

سرگرمی 10.9

- میز پر رکھے ہوئے سفید کاغذ کے اوپر روشنائی سے ایک موٹی اور سیدھی لکیر کھینچیے۔
- لائن کے اوپر ایک گلاس سلیب کو اس طرح رکھیے کہ سلیب لائن کے ساتھ ایک زاویہ بنائے۔

- لائن کے ان حصوں کو جو سلیب کے اندر موجود ہیں کناروں سے دیکھیے۔ آپ نے کیا مشاہدہ کیا؟ کیا گلاس سلیب کے نیچے موجود لائن کناروں پر جھکی ہوئی نظر آتی ہے؟
- اسکے بعد گلاس سلیب کو اس طرح رکھیے کہ وہ لائن کے عمودی ہو جائے۔ اب آپ کیا مشاہدہ کرتے ہیں؟ کیا گلاس سلیب کے نیچے لائن کا حصہ جھکا ہوا نظر آتا ہے؟
- گلاس سلیب کے اوپری سرے سے لائن کو دیکھیے۔ کیا لائن کا وہ حصہ جو سلیب کے نیچے ہے ابھرا ہوا دکھائی دیتا ہے؟ ایسا کیوں ہوتا ہے؟

10.3.1 مستطیل نما گلاس سلیب کے ذریعہ ہونے والا انعطاف

(Refraction through a Rectangular Glass Slab)

ایک گلاس سلیب کے ذریعہ ہونے والے روشنی کے انعطاف کو سمجھنے کے لیے آئیے ہم ایک سرگرمی انجام دیں۔

سرگرمی 10.10

- ایک سفید کاغذ کی شیٹ کو کسی ڈرائنگ بورڈ پر ڈرائنگ پن کے سہارے لگائیے۔
- شیٹ کے اوپر بیچ میں ایک مستطیل نما گلاس سلیب رکھیے۔
- پینسل سے سلیب کے چاروں طرف لائن کھینچیے۔ اس باہری لائن کو ہم ABCD نام دیتے ہیں۔
- ایک جیسی چار پینیں لیجیے۔
- دو پینوں E اور F کو عمودی طور پر اس طرح لگائیے کہ پینوں کو جوڑنے والی لائن کنارے AB پر جھک جائے۔
- برعکس کنارے سے پینوں E اور F کی شبیہ کو دیکھیے۔ دو اور پینوں G اور H کو اس طرح سے لگائیے کہ دونوں پینیں E اور F کی شبیہ ایک سیدھی لائن پر رہیں۔
- پینوں اور سلیب کو ہٹا لیجیے۔
- پینوں E اور F کے سروں کے مقامات کو ملائیے تاکہ AB تک لائن بن جائے۔ EF کو AB سے O پر ملنے دیجیے۔
- اسی طرح پینوں G اور H کے سروں کے مقامات کو ملائیے اور اسے کنارے CD تک لے جائیے۔ HG کو CD سے O' پر ملنے دیجیے۔
- O اور O' کو ملائیے۔ اس کے علاوہ EF کو P تک بڑھائیے۔ جیسا کہ شکل 10.10 میں نقطہ دار لائن کے ذریعہ دکھایا گیا ہے۔

اس سرگرمی میں آپ یہ غور کریں گے کہ روشنی کی شعاع اپنی سمت کو نقطہ O اور O' پر بدل لیتی ہے۔ غور کیجیے کہ نقطہ O اور O' دونوں ایک ہی سطح پر موجود ہیں جو کہ دو شفاف وسیلوں کو الگ کرتی ہے۔ O پر ایک عمود AB، NN' سے ہو کر کھینچیے اور ایک دوسرا عمود MM'، O پر CD سے ہو کر کھینچیے۔ نقطہ O پر روشنی کی شعاع ایک لطیف وسیلہ (Rarer medium) سے کثیف وسیلہ (Denser medium) میں داخل ہوتی ہے، یعنی ہوا سے شیشہ میں۔ غور کیجیے کہ روشنی کی شعاع نارمل کی طرف جھک جاتی ہے۔ O' پر روشنی کی شعاع شیشہ سے ہوا میں داخل ہوتی ہے یعنی ایک

انعطافی اشاریہ کو الگ الگ وسیلوں میں روشنی کی اشاعت کی نسبتی چال جیسی ایک اہم طبعی مقدار سے مربوط جاسکتا ہے۔ اس سے یہ پتا چلتا ہے کہ الگ الگ وسیلوں میں روشنی کی اشاعت الگ الگ چال سے ہوتی ہے۔ روشنی خلا میں سب سے تیز چال یعنی $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ کے ساتھ سفر کرتی ہے۔ ہوا میں روشنی کی چال خلا میں اس کی چال کے مقابلے کچھ کم ہوتی ہے۔ یہ شیشہ اور پانی میں کافی حد تک کم ہو جاتی ہے۔ ایک دیے ہوئے وسیلوں کے جوڑوں کا انعطافی اشاریہ دونوں وسیلوں میں روشنی کی چال پر منحصر ہوتا ہے، جیسا کہ نیچے دیا گیا ہے۔

فرض کیجیے کہ روشنی کی ایک شعاع وسیلہ 1 سے وسیلہ 2 میں سفر کر رہی ہے جیسا کہ شکل 10.11 میں دکھایا گیا ہے۔ مان لیجیے کہ v_1 وسیلہ 1 میں روشنی کی چال ہے اور v_2 وسیلہ 2 میں روشنی کی چال ہے۔ وسیلہ 1 کی مناسبت سے وسیلہ 2 کا انعطافی اشاریہ وسیلہ 1 میں روشنی کی چال کی وسیلہ 2 میں روشنی کی چال سے نسبت کے طور پر ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ اسے عام طور سے علامت n_{21} کے ذریعہ ظاہر کیا جاتا ہے۔ اسے مساوات کے طور پر بھی ظاہر کر سکتے ہیں جو مندرجہ ذیل ہے۔

$$(10.5) \quad n_{21} = \frac{\text{وسیلہ 1 میں روشنی کی چال}}{\text{وسیلہ 2 میں روشنی کی چال}} = \frac{v_1}{v_2}$$

اسی دلیل کے مطابق وسیلہ 1 کا انعطافی اشاریہ وسیلہ 2 کی مناسبت سے n_{12} سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ جو نیچے دیا گیا ہے۔

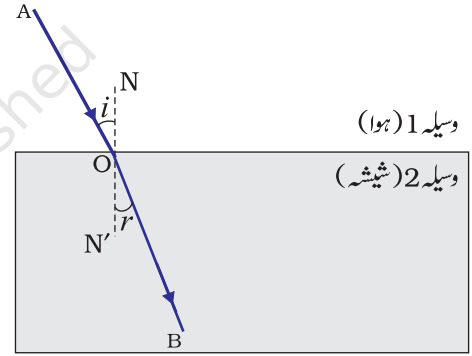
$$(10.6) \quad n_{12} = \frac{\text{وسیلہ 2 میں روشنی کی چال}}{\text{وسیلہ 1 میں روشنی کی چال}} = \frac{v_2}{v_1}$$

اگر وسیلہ 1 وکیوم یا ہوا ہے تو وسیلہ 2 کا انعطافی اشاریہ وکیوم کی مناسبت سے ہوگا۔ اسے وسیلہ کا مطلق انعطافی اشاریہ کہا جاتا ہے۔ اسے عام طور پر n_2 سے پیش کیا جاتا ہے۔ اگر C ہوا میں روشنی کی چال ہے اور v وسیلہ میں روشنی کی چال، تو وسیلہ کے انعطافی اشاریہ کو n_m

کے ذریعہ ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$(10.7) \quad n_m = \frac{\text{ہوا میں روشنی کی چال}}{\text{وسیلہ میں روشنی کی چال}} = \frac{C}{v}$$

کسی وسیلہ کے مطلق انعطافی اشاریہ کو عام طور پر انعطافی اشاریہ کہا جاتا ہے۔ کچھ وسیلوں کے انعطافی اشاریے جدول 10.3 میں دیے گئے ہیں۔ جدول سے آپ یہ جان سکتے ہیں کہ پانی کا انعطافی اشاریہ $n_w = 1.33$ ہے۔ اس سے یہ پتا چلتا ہے کہ ہوا میں روشنی کی چال اور پانی میں روشنی کی چال کا تناسب 1.33 کے برابر ہے۔ اسی طرح کراؤن شیشہ کا انعطافی اشاریہ، $n_g = 1.52$ ہے۔ اس طرح کے اعداد و شمار کئی جگہوں پر معاون ہو سکتے ہیں۔ حالانکہ آپ کو ان اعداد و شمار کو یاد کرنے کی ضرورت نہیں ہے۔



شکل 10.11

جدول 10.3 کچھ مادی وسیلوں کا مطلق انعطافی اشاریہ

مادی وسیلہ	انعطافی اشاریہ	مادی وسیلہ	انعطافی اشاریہ
ہوا	1.0003	کناڈا بالسم	1.53
برف	1.31		
پانی	1.33	چٹانی نمک	1.54
الکحل	1.36		
کیروسن (مٹی کا تیل)	1.44	کاربن ڈائی سلفائیڈ	1.63
فیوز کیا ہوا کوارٹز	1.46	کثیف فلوٹ شیشہ	1.65
تارپین کا تیل	1.47	روبی	1.71
بینزین	1.50	سیفائر	1.77
کراؤن شیشہ	1.52	ہیرا	2.42

جدول 10.3 پر غور کیجیے آپ پائیں گے کہ ایک بصری کثیف وسیلہ کی کمیتی کثافت (Mass density) بھی زیادہ نہیں ہو سکتی۔ مثال کے طور پر کیروسین جس کا انعطافی اشاریہ 1.44 ہے، پانی سے زیادہ بصری کثیف ہے، جبکہ اس کی کمیتی کثافت پانی سے کم ہوتی ہے۔

کسی وسیلہ کی روشنی کو منعطف کرنے کی صلاحیت کو اس کی بصری کثافت (Optical density) کے طور پر بھی ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ بصری کثافت کا ایک متعین مفہوم ہے۔ یہ کمیتی کثافت کے برابر نہیں ہوتی ہے۔ اس باب میں ہم اصطلاحات 'لطیف وسیلہ' اور 'کثیف وسیلہ' استعمال کرتے آئے ہیں۔ اصل میں ان کا مطلب بالترتیب 'بصری لطیف وسیلہ' اور 'بصری کثیف وسیلہ' ہے۔ ہم یہ کب کہہ سکتے ہیں کہ ایک وسیلہ دوسرے وسیلہ سے بصری طور پر کثیف ہے؟ دونوں وسیلوں کا موازنہ کرنے پر وہ وسیلہ جو زیادہ انعطافی اشاریہ والا ہے دوسرے وسیلہ کے مقابلہ زیادہ بصری کثافت والا ہوگا۔ کم انعطافی اشاریہ والا دوسرا وسیلہ بصری طور پر لطیف ہوگا۔ روشنی کی رفتار کثیف وسیلہ کے مقابلہ میں لطیف وسیلہ زیادہ ہوتی ہے۔ اس لیے ایک روشنی کی شعاع جو لطیف وسیلہ سے کثیف وسیلہ میں سفر کر رہی ہے وہی ہو کر نارمل کی طرف جھک جاتی ہے۔ جب وہ کثیف وسیلہ سے لطیف وسیلہ کی طرف سفر کرتی ہے تو اس کی رفتار میں تیزی آ جاتی ہے اور وہ نارمل سے دور ہٹ جاتی ہے۔

بصری کثافت

سوالات

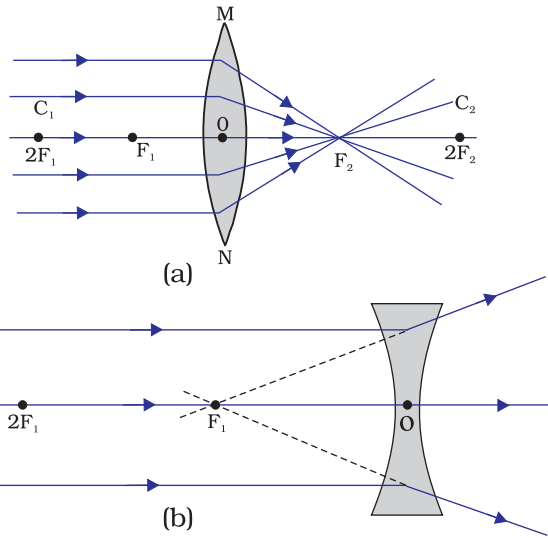
- 1- ہوا میں سفر کرتی ہوئی روشنی کی ایک شعاع پانی میں ترچھی داخل ہوتی ہے۔ روشنی کی شعاع نارمل کی طرف جھکے گی یا نارمل سے دور ہو جائے گی؟ کیوں؟
- 2- روشنی ہوا سے شیشہ میں داخل ہوتی ہے جس کا انعطافی اشاریہ 1.50 ہے۔ شیشہ میں روشنی کی رفتار کیا ہوگی؟ خلا میں روشنی کی رفتار $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ ہے۔
- 3- جدول 10.3 سے معلوم کیجیے کہ کس وسیلہ کی بصری کثافت سب سے زیادہ ہے۔ سب سے کم بصری کثافت والے وسیلہ کا بھی پتہ لگائیے۔
- 4- آپ کو کیروسین، تارپین کا تیل اور پانی دیا گیا ہے۔ ان میں سے کس میں روشنی کی رفتار سب سے زیادہ ہوگی؟ جدول 10.3 میں دی گئی جانکاری کا استعمال کر کے پتہ لگائیے۔
- 5- ہیرے کا انعطافی اشاریہ 2.42 ہے۔ اس بیان کا کیا مطلب ہے؟



10.3.3 کروی لینسوں کے ذریعہ انعطاف (Refraction by Spherical lenses)

آپ نے گھڑی ساز کو چھوٹے چھوٹے پرزوں کو دیکھنے کے لیے ایک چھوٹے تکبیری شیشہ (Magnifying glass) کا استعمال کرتے دیکھا ہوگا۔ کیا آپ نے کبھی تکبیری شیشہ کی سطح کو ہاتھوں سے چھوا ہے؟ کیا یہ سپاٹ سطح ہے یا پھر کروی؟ یہ بیچ میں موٹی ہے یا کناروں پر؟ وہ شیشے جو چشموں میں استعمال ہوتے ہیں اور گھڑی ساز استعمال کرتے ہیں، لینسوں کی مثالیں ہیں۔ لینس کیا ہے؟ یہ روشنی کی شعاعوں کو کس طرح جھکا دیتا ہے۔ ہم اس حصہ میں ان باتوں پر گفتگو کریں گے۔

لینس دو سطحوں والے شفاف مادہ سے بنتا ہے جن کی ایک یا دونوں سطحیں کروی ہوتی ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ لینس کم از کم ایک کروی سطح سے گھرا ہوتا ہے۔ ایسے لینسوں میں دوسری سطح سپاٹ ہوتی ہے۔ کچھ لینسوں میں باہر کی طرف ابھری ہوئی دو کروی سطحیں ہوتی ہیں۔ ایسے لینسوں کو دوہرا محدب لینس (Double Convex Lens) کہتے ہیں۔ عام طور سے اسے محدب لینس کہتے ہیں۔ یہ کناروں کے مقابلے بیچ میں موٹا ہوتا ہے۔ محدب لینس روشنی کی شعاعوں کو ایک نقطہ پر مرکوز کر دیتا ہے جیسا کہ شکل 10.12(a) میں دکھایا گیا ہے۔ اسی لیے محدب لینسوں کو تقاربی لینس (Converging lens) بھی کہتے ہیں۔ اسی طرح ایک دوہرے مقعر لینس میں اندر کی طرف خمدار دو سطحیں ہوتی ہیں۔ یہ بیچ کے حصہ کے مقابلے کناروں پر موٹا ہوتا ہے۔ ایسے لینس روشنی کی شعاعوں کو پھیلا دیتے ہیں جیسا کہ شکل 10.12(b) میں دکھایا گیا ہے۔ ایسے لینسوں کو غیر تقاربی لینس



شکل 10.12

(a) محدب لینس کا تقاربی عمل
(b) مقعر لینس کا غیر تقاربی عمل

(Diverging lens) بھی کہتے ہیں۔ دوہرے مقعر لینس کو عام طور پر مقعر لینس کہتے ہیں۔ کوئی بھی لینس خواہ وہ محدب ہو یا مقعر، دو کروی سطحوں پر مشتمل ہوتا ہے۔ ان میں سے ہر سطح کڑھ کا ایک حصہ تشکیل دیتی ہے۔ ان کڑھوں کا مرکز لینس کا مرکز انحناء (Centre of curvature) کہلاتا ہے۔ لینس کے مرکز انحناء کو عام طور پر C سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ چونکہ دو مرکز انحناء ہوتے ہیں اس لیے ہم انہیں C_1 اور C_2 کہہ سکتے ہیں۔ لینس کے دونوں مرکز انحناء سے ہو کر گزرنے والی خیالی سیدھی لائن خاص محور (Principal axis) کہلاتی ہے۔ لینس کا مرکزی نقطہ اس کا نوری مرکز (Optical centre) ہوتا ہے۔ اسے عموماً O سے ظاہر کرتے ہیں۔ لینس کے نوری مرکز سے ہو کر گزرنے والی روشنی کی شعاع بغیر کس انحراف (Deviation) کے گزر جاتی ہے۔ کڑھ لینس کی دائری سرحد کا قطر اس کا اپرچر کہلاتی ہے۔ اس باب میں ہم اپنی بحث کو ان لینسوں تک محدود رکھیں گے جن کا اپرچر ان کے نصف قطر انحناء سے کافی چھوٹا ہوتا ہے اور دونوں مرکز انحناء نوری مرکز O سے مساوی فاصلے پر ہوتے ہیں۔ ایسے لینس چھوٹے اپرچر والے پتلے لینس کہلاتے ہیں۔ جب روشنی کی متوازی شعاعیں لینس پر واقع ہوتی ہیں تو کیا ہوتا ہے؟ اسے سمجھنے کے لیے آئیے ہم ایک سرگرمی انجام دیں۔

سرگرمی 10.11

- احتیاط:** اس سرگرمی کے دوران یا اس کے علاوہ کبھی بھی سورج کی طرف براہ راست یا لینس کے ذریعہ مت دیکھیے کیونکہ ایسا کرنے سے آپ اپنی آنکھوں کو نقصان پہنچا سکتے ہیں۔
- ایک محدب لینس کو ہاتھ میں پکڑیے اور اس کا رخ سورج کی طرف کیجیے۔
 - سورج سے آنے والی روشنی کو ایک کاغذ کی شیٹ پر فوکس کیجیے۔ سورج کی ایک واضح اور چمکدار شبیہ حاصل کیجیے۔
 - کچھ دیر کے لیے کاغذ اور لینس کو اسی حالت میں پکڑ کر رکھیے۔ کاغذ کا مشاہدہ کرتے رہیے۔ کیا ہوتا ہے؟ کیوں ہوتا ہے؟ سرگرمی 10.2 میں کیے گئے اپنے تجربے کو یاد کیجیے۔

کاغذ دھوئیں کے ساتھ جلنے لگتا ہے۔ کچھ دیر بعد اس میں آگ بھی لگ سکتی ہے۔ ایسا کیوں ہوتا ہے۔ سورج سے آنے والی روشنی میں متوازی شعاعیں ہوتی ہیں۔ یہ شعاعیں لینس کے ذریعہ کاغذ پر بنے ہوئے واضح اور چمکدار نشان پر مرکوز ہو جاتی ہیں۔ کاغذ پر بنا ہوا چمکدار نشان درحقیقت سورج کی حقیقی شبیہ ہے۔ سورج کی روشنی کے ایک نقطہ پر جمع ہونے سے گرمی پیدا ہو جاتی ہے جو کاغذ کو جلا دیتی ہے۔

اب روشنی کی ان شعاعوں کو لیتے ہیں جو لینس کے خاص محور کے متوازی ہیں۔ جب آپ روشنی کی ایسی شعاعوں کو لینس سے گزارتے ہیں تو کیا ہوتا ہے؟ اسے ایک محدب لینس کے لیے شکل 10.12(a) اور مقعر لینس کے لیے شکل 10.12(b) میں دکھایا گیا ہے۔

شکل 10.12(a) کا احتیاط سے مشاہدہ کیجیے۔ روشنی کی بہت سی شعاعیں جو لینس کے خاص محور کے متوازی ہیں محدب لینس پر گر رہی ہیں۔ یہ شعاعیں لینس سے منعطف (Refracted) ہونے کے بعد خاص محور کے ایک نقطہ پر مرکوز ہو رہی ہیں۔ خاص محور کے اس نقطہ کو لینس کا پرنسپل فوکس کہا جاتا ہے۔ آئیے اب ہم مقعر لینس کی کارکردگی کو دیکھتے ہیں۔ شکل 10.12(b) کا احتیاط سے مشاہدہ کیجیے۔ روشنی کی بہت سی شعاعیں جو لینس کے خاص محور کے متوازی ہیں

مقعر لینس پر گر رہی ہیں۔ یہ شعاعیں لینس سے منعطف ہونے کے بعد خاص محور کے ایک نقطہ پر غیر مرکوز ہوتی ہوئی دکھائی پڑتی ہیں۔ خاص محور کے اس نقطہ کو مقعر لینس کا پرنسپل فوکس کہتے ہیں۔

اگر آپ لینس کی برعکس سطح سے متوازی شعاعیں گزاریں گے تو آپ کو دوسری جانب پر دوسرا پرنسپل فوکس حاصل ہو جائے گا۔ عام طور سے پرنسپل فوکس کو F سے دکھایا جاتا ہے۔ حالانکہ ایک لینس میں دو پرنسپل فوکس ہوتے ہیں۔ انھیں F_1 اور F_2 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ لینس کے نوری مرکز سے پرنسپل فوکس کا فاصلہ فوکل لمبائی کہلاتی ہے۔ فوکل لمبائی کو ظاہر کرنے کے لیے f کا استعمال کیا جاتا ہے۔ ایک محدب لینس کی فوکل لمبائی کس طرح معلوم کریں گے؟ سرگرمی 10.11 کو یاد کیجیے۔ اس سرگرمی میں، لینس کے مقام سے سورج کی شبیہ کے مقام کے درمیان کا فاصلہ ہمیں لینس کی فوکل لمبائی فراہم کرتا ہے۔

10.3.4 لینسوں کے ذریعہ شبیہ کا بنا (Image formation by Lenses)

لینس روشنی کو منعطف کر کے شبیہ بناتے ہیں۔ لینس شبیہ کیسے بناتے ہیں؟ ان کی نوعیت کیا ہوتی ہے؟ آئیے پہلے ایک محدب لینس کے لیے اس کا مطالعہ کرتے ہیں۔

سرگرمی 10.12

- ایک محدب لینس لیجیے۔ سرگرمی 10.11 میں بتائے ہوئے طریقہ سے اس کی تقریبی فوکل لمبائی کا پتہ لگائیے۔
- ایک لمبی میز پر چاک سے پانچ متوازی سیدھی لائنیں اس طرح کھینچیے کہ ہر دو متوازی لائنوں کے درمیان کا فاصلہ لینس کی فوکل لمبائی کے برابر ہے۔
- لینس کو ایک لینس اسٹینڈ پر لگائیے۔ اسے بیچ والی لائن پر اس طرح رکھیے کہ لینس کا نوری مرکز لائن کے ٹھیک اوپر رہے۔
- لینس کے دونوں طرف کی دونوں لائنیں بالترتیب لینس کے F اور $2F$ کے مطابق ہوں۔ ان کی نشاندہی بالترتیب $F_1, F_2, 2F_1, 2F_2$ جیسے مخصوص حروف کے ذریعہ نشاندہی کیجیے۔
- ایک جلتی ہوئی موم بتی $2F_1$ سے کافی دور بائیں طرف رکھیے۔ لینس کی مقابل جانب موجود پردہ پر ایک صاف اور واضح شبیہ حاصل کیجیے۔
- شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی سائز درج کیجیے۔
- شے کو $2F_1$ کے ٹھیک پیچھے رکھ کر، F_1 اور $2F_1$ کے درمیان رکھ کر، F_1 پر رکھ کر، F_1 اور O کے درمیان رکھ کر اس سرگرمی کو دوہرائیے۔ اپنے مشاہدات کو درج کیجیے۔

محدب لینس کے ذریعہ شے کے تمام مقامات کے لیے بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی سائز کا جدول 10.4 میں خلاصہ کیا گیا ہے۔

جدول 10.4 شے کے تمام مقامات کے لیے محدب لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی جسامت

شے کا مقام	شبیہ کا مقام	شبیہ کی نسبتی جسامت	شبیہ کی نوعیت
لا انتہا پر	فوکس F_2 پر	بے حد تخفیف شدہ، نقطہ کے برابر	حقیقی اور الٹی
$2F_1$ سے دور	F_2 اور $2F_2$ کے درمیان	تخفیف شدہ	حقیقی اور الٹی
$2F_1$ پر	$2F_2$ پر	شے کے برابر	حقیقی اور الٹی
F_1 اور $2F_1$ کے درمیان	$2F_2$ سے دور	وسیع	حقیقی اور الٹی
فوکس F_1 پر	لا انتہا پر	لا انتہا طور پر بڑی یا بہت وسیع	حقیقی اور الٹی
فوکس F_1 اور نوری مرکز O کے درمیان	لینس کے اسی طرف جس طرف شے موجود ہے	وسیع	مجازی اور سیدھی

آئیے اب ہم مقعر لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی جسامت کا مطالعہ کرنے کے لیے ایک سرگرمی کرتے ہیں۔

سرگرمی 10.13

- ایک مقعر لینس لیجیے۔ اسے لینس اسٹینڈ پر لگائیے۔
- لینس کے ایک کنارے پر جلتی ہوئی موم بتی رکھیے۔
- دوسری طرف سے لینس کے ذریعہ دیکھیے اور شبیہ کا مشاہدہ کیجیے۔
- اگر ممکن ہو تو شبیہ کو پردہ پر حاصل کرنے کی کوشش کیجیے۔ اگر ممکن نہ ہو تو شبیہ کا لینس کے ذریعہ براہ راست مشاہدہ کیجیے۔
- شبیہ کی نوعیت، نسبتی جسامت اور تقریبی مقام درج کیجیے۔
- موم بتی کو لینس سے دور کیجیے۔ شبیہ کی جسامت میں ہورہے فرق کو درج کیجیے۔ جب موم بتی کو لینس سے بہت دور رکھا جاتا ہے شبیہ کی جسامت پر کیا فرق پڑتا ہے۔

اوپر دی گئی سرگرمی کا خلاصہ جدول 10.5 میں نیچے دیا گیا ہے۔

جدول 10.5 شے کے تمام مقامات کے لیے مقعر لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت مقام اور نسبتی جسامت۔

شے کا مقام	شبیہ کا مقام	شبیہ کی نسبتی جسامت	شبیہ کی نوعیت
لا انتہا پر	فوکس F_1 پر	بے حد تخفیف شدہ، نقطہ کے برابر	مجازی اور سیدھی
لا انتہا اور لینس کے نوری مرکز O کے درمیان	فوکس F_1 اور نوری مرکز O کے درمیان	تخفیف شدہ	مجازی اور سیدھی

اس سرگرمی سے آپ نے کیا نتیجہ نکالا؟ ایک مقعر لینس شے کے مقام کے بلا لحاظ ہمیشہ مجازی، سیدھی اور تخفیف شدہ شبیہ بناتا ہے۔

10.3.5 شعاعی ڈائی گرام کے استعمال سے لینسوں میں شبیہ کا بننا

(Image Formation in Lenses Using Ray Diagrams)

ہم لینسوں کے ذریعہ شبیہ کے بننے کو شعاعی ڈائیگرام کے ذریعہ سے پیش کر سکتے ہیں۔ شعاعی ڈائیگرام لینسوں کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی جسامت کا مطالعہ کرنے میں بھی مدد کرتے ہیں۔ لینسوں کے لیے شعاعی ڈائیگرام بنانے کے لیے ہم کڑی آئینوں کی طرح ہی مندرجہ ذیل میں سے کوئی دو شعاعوں کو فرض کریں گے۔

(i) شے سے آنے والی روشنی کی

شعاع جو خاص محور کے متوازی

ہے، محدب لینس سے انعطاف

کے بعد لینس کے دوسری طرف

موجود پرنسپل فوکس سے ہو کر گزر

جاتی ہے، جیسا کہ شکل

10.13(a) میں دکھایا گیا ہے۔

مقعر لینس کی صورت میں شعاع

لینس کے اسی طرف موجود پرنسپل

فوکس سے غیر مرکوز ہوتی ہوئی

معلوم ہوتی ہے جیسا کہ شکل

10.13(b) میں دکھایا گیا ہے۔

(ii) پرنسپل فوکس سے ہو کر گزر رہی

روشنی کی شعاع، محدب لینس سے

منعطف ہونے کے بعد خاص محور

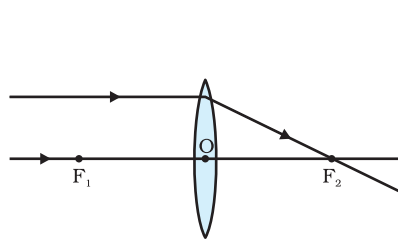
کے متوازی ہو کر نکلے گی۔ جیسا کہ شکل 10.14 (a) میں دکھایا گیا ہے۔ روشنی کی ایک شعاع جو مقعر لینس کے

پرنسپل فوکس سے ملتی ہوئی معلوم دیتی ہے انعطاف کے بعد خاص محور کے متوازی نکلتی ہے۔ اسے شکل

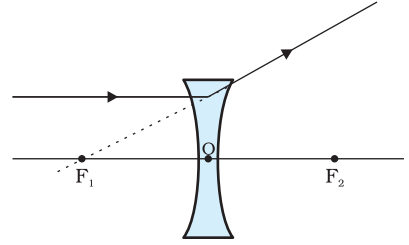
10.14(b) میں دکھایا گیا ہے۔

(iii) روشنی کی ایک شعاع جو لینس کے نوری مرکز سے ہو کر گزرتی ہے، بنا کسی انحراف کے نکل جاتی ہے۔ اسے شکل

10.15(a) اور 10.15(b) میں دکھایا گیا ہے۔

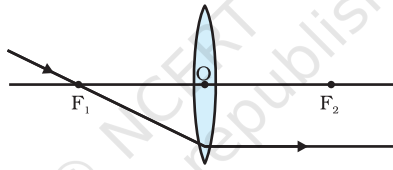


(a)

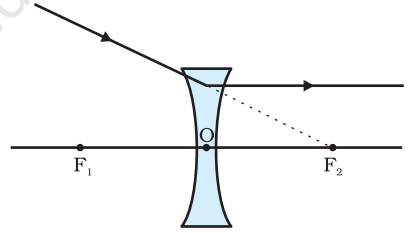


(b)

شکل 10.13

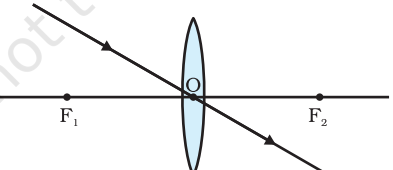


(a)

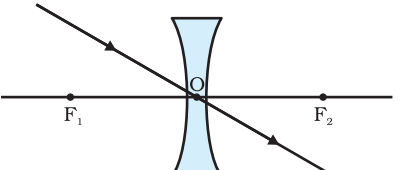


(b)

شکل 10.14



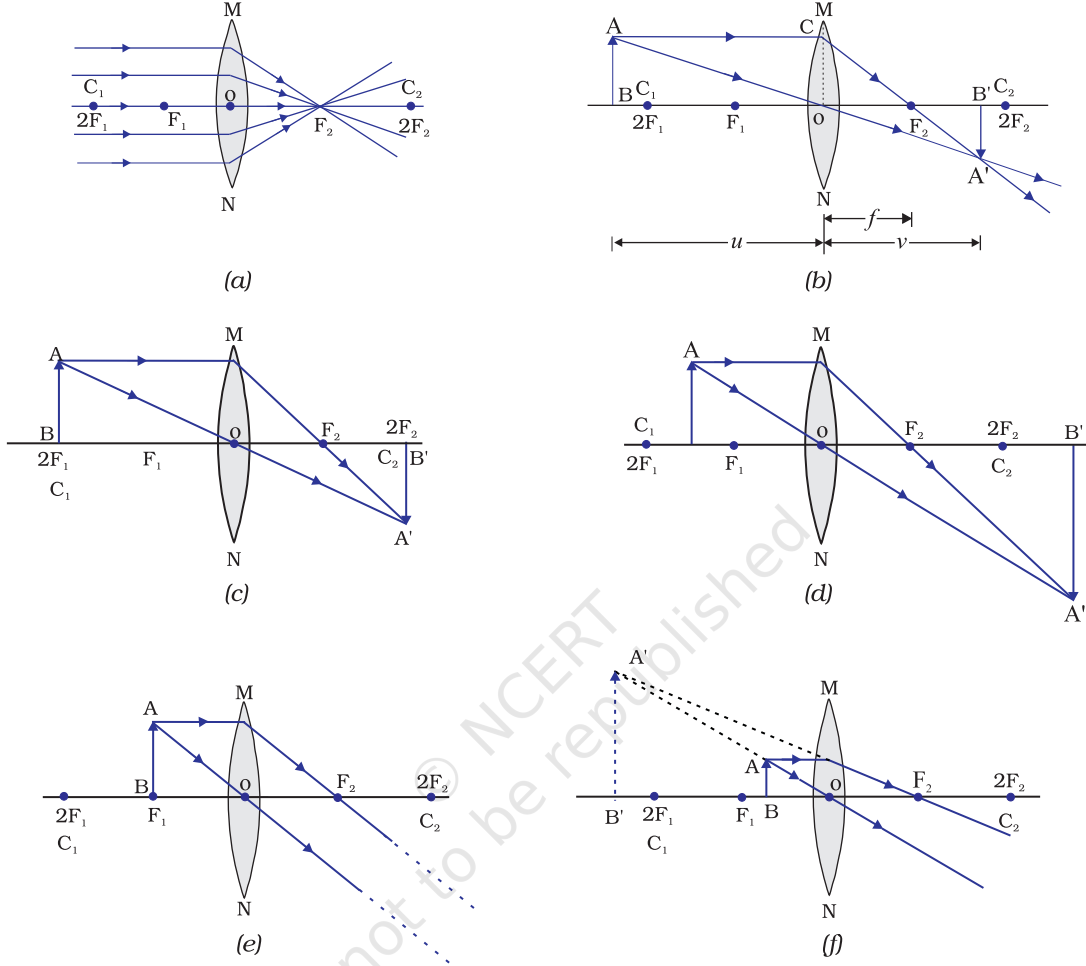
(a)



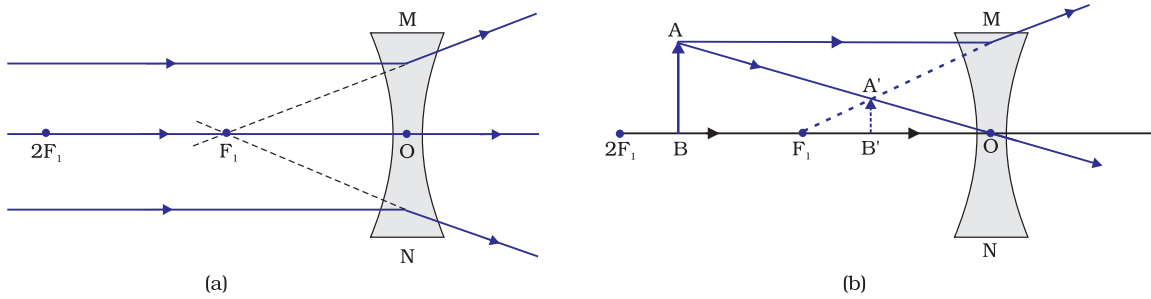
(b)

شکل 10.15

شے کے کچھ مقامات کے لیے محدب لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کے شعاعی ڈائیگرام کو شکل 10.16 میں دکھایا گیا ہے۔ شے کے کچھ مقامات کے لیے محدب لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کے شعاعی ڈائیگرام کو شکل 10.17 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 10.16 شے کے مختلف مقامات کے لیے محدب لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کے مقام، جسامت اور قدرت



شکل 10.17 مقعر لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی نوعیت، مقام اور نسبتی جسامت

10.3.6 کڑوی لینسوں کے لیے نشان روایت (Sign Convention for Spherical lenses)

لینسوں کے لیے ہم نشان روایت پر بالکل اسی طرح عمل کرتے ہیں جیسے ہم نے کڑوی آئینوں میں کیا تھا۔ ہم فاصلوں کی علامات کے لیے قوانین کا استعمال کرتے ہیں، سوائے اس کے کہ سبھی پیمائش لینس کے نوری مرکز سے لی جاتی ہیں۔ روایت کے مطابق محدب لینس کی فوکل لمبائی مثبت ہے اور مقعر لینس کی منفی۔ آپ کو f, v, u ، شے کی اونچائی h اور شبیہ کی اونچائی h' کی قدروں کے لیے مناسب نشان استعمال کرتے وقت محتاط رہنا چاہیے۔

10.3.7 لینس فارمولا اور تکبیر (Lens Formula and Magnification)

جس طرح ہمارے پاس کڑوی آئینوں کے لیے فارمولا ہے، اسی طرح کڑوی لینسوں کے لیے بھی فارمولا ہے۔ یہ فارمولا شے کے فاصلے (u)، شبیہ کے فاصلے (v) اور فوکل لمبائی (f) کے درمیان رشتہ کو بیان کرتا ہے۔ لینس فارمولا اس طرح سے ہے۔

$$(10.8) \quad \frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

اوپر دیا گیا لینس فارمولا عمومی ہے اور کسی بھی کڑوی لینس کی تمام حالتوں کے لیے درست ہے۔ لینسوں سے متعلق مسئلوں کو حل کرنے کے دوران عددی قدریں رکھتے وقت الگ الگ مقداروں کے نشانوں کا خاص خیال رکھنا چاہیے۔

تکبیر (Magnification)

لینس سے پیدا ہونے والی تکبیر کڑوی آئینوں کی طرح ہی ہوتی ہے، اس کی تعریف شے کی اونچائی اور شبیہ کی اونچائی کی نسبت کے طور پر کی جاتی ہے۔ تکبیر کو m کے ذریعہ دکھایا جاتا ہے۔ اگر h شے کی اونچائی ہے اور h' لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کی اونچائی ہے تو لینس کے ذریعہ پیدا ہونے والی تکبیر کو اس طرح ظاہر کیا جائے گا۔

$$(10.9) \quad m = \frac{\text{شبیہ کی اونچائی}}{\text{شے کی اونچائی}} = \frac{h'}{h}$$

لینس کے ذریعہ پیدا ہونے والی تکبیر کا تعلق شے کے فاصلے (u) اور شبیہ کے فاصلے (v) سے بھی ہوتا ہے۔ اس تعلق کو اس طرح دکھایا جاتا ہے۔

$$(10.10) \quad \text{تکبیر} \quad (m) = h'/h = v/u$$

مثال 10.3

ایک محدب لینس کی فوکل لمبائی 15 سینٹی میٹر ہے۔ شے کو لینس سے کتنی دور رکھا جائے کہ لینس کے ذریعہ ایک 10 cm کی شبیہ بنے؟ لینس کے ذریعہ پیدا ہونے والی تکبیر کا بھی پتہ لگائیے۔

حل

ایک مقعر لینس ہمیشہ مجازی، سیدھی شبیہ بناتا ہے اور یہ شبیہ اسی طرف بنتی ہے جس طرف شے رکھی ہوتی ہے۔

$$v = -10 \text{ cm} = \text{شبیہ کے فاصلے}$$

$$f = -15 \text{ cm} \quad \text{فوکل لمبائی}$$

$$u = ? \quad \text{شے کا فاصلہ}$$

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \quad \text{چونکہ}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{1}{v} - \frac{1}{f} \quad \text{یا}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{1}{-10} - \frac{1}{(-15)} = -\frac{1}{10} + \frac{1}{15}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{-3 + 2}{30} = \frac{1}{-30}$$

$$u = -30 \text{ cm} \quad \text{یا،}$$

اس لیے شے کا فاصلہ 30 cm ہے

$$m = v/u$$

$$m = \frac{-10 \text{ cm}}{-30 \text{ cm}} = \frac{1}{3} \approx +0.33$$

مثبت نشان یہ دکھاتا ہے کہ شبیہ سیدھی اور مجازی ہے۔ شبیہ شے کی جسامت کا ایک تہائی ہے۔

مثال 10.4

ایک 2.0 cm لمبی شے ایک 10 cm فوکل لمبائی والے محدب لینس کے خاص محور کے عمودی رکھی ہے۔ لینس سے شے کا فاصلہ 10 cm ہے۔ شبیہ کی نوعیت، مقام اور جسامت معلوم کیجیے۔ تکبیر کا بھی پتہ لگائیے۔

حل

$$h = +2.0 \text{ cm} \quad \text{شے کی اونچائی}$$

$$f = +10 \text{ cm} \quad \text{فوکل لمبائی}$$

$$u = -15 \text{ cm} \quad \text{شے کا فاصلہ}$$

$$v = ? \quad \text{شبیہ کا فاصلہ}$$

$$h' = ? \quad \text{شبیہ کی اونچائی}$$

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \quad \text{چونکہ}$$

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} + \frac{1}{f} \quad \text{یا،}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{(-15)} + \frac{1}{10} = -\frac{1}{15} + \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{-2 + 3}{30} = \frac{1}{30}$$

$$v = +30 \text{ cm} \quad \text{یا}$$

v کا مثبت نشان اس بات کو دکھاتا ہے کہ شبیہ نوری مرکز کے دوسری طرف 30cm کے فاصلے پر بنی ہے۔ شبیہ حقیقی اور الٹی ہے۔

$$m = \frac{h'}{h} = \frac{v}{u}$$

$$h' = h(v/u) \quad \text{یا،}$$

$$h' = (2.0)(+30 / -15) = -4.0 \text{ cm، شبیہ کی اونچائی}$$

$$m = v/u$$

$$m = \frac{+30 \text{ cm}}{-15 \text{ cm}} = -2 \quad \text{یا،}$$

m اور h' کے منفی نشان یہ دکھا رہے ہیں کہ شبیہ الٹی اور حقیقی ہے۔ یہ خاص محور کے نیچے بنی ہے۔ اس طرح ایک حقیقی، الٹی شبیہ جو کہ 4 cm اونچی ہے لینس کے دوسری طرف 30 cm کے فاصلے پر بنتی ہے۔ شبیہ دوگنی وسیع ہے۔

10.3.8 لینس کی پاور (Power of Lens)

آپ پہلے ہی مطالعہ کر چکے ہیں کہ لینسوں میں روشنی کی شعاعوں کو مرکوز یا غیر مرکوز کرنے کی صلاحیت اس کی فوکل لمبائی پر منحصر ہے۔ مثال کے طور پر ایک چھوٹی فوکل لمبائی کا محدب لینس روشنی کی شعاعوں کو بڑے زاویے پر جھکاتا ہے۔ ایسا وہ انھیں نوری مرکز کے قریب فوکس کر کے کرتا ہے۔ اسی طرح بہت چھوٹی فوکل لمبائی والا محدب لینس بڑی فوکل لمبائی والے لینس کے مقابلے میں زیادہ غیر مرکوزیت پیدا کرتا ہے۔ لینس کے ذریعہ روشنی کی شعاعوں کی مرکوزیت یا غیر مرکوزیت کے درجہ اس کی پاور کو طور پر ظاہر کیا جاتا ہے۔ لینس کی پاور کی تعریف اس کی فوکل لمبائی کے مقلوب کے طور پر کی جاتی ہے۔ اسے P سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ایک فوکل لمبائی کے لینس کی پاور P کو مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$p = \frac{1}{f} \quad (10.11)$$

لینس کی پاور کی SI اکائی 'ڈائیوپٹر' ہے۔ جس کی علامت D ہے۔ اگر f کو میٹر میں ظاہر کیا جاتا ہے تو پاور ڈائیوپٹر میں ظاہر کرتے ہیں۔ اس لیے 1 ڈائیوپٹر اس لینس کی پاور ہوگی جس کی فوکل لمبائی 1 میٹر ہو۔ $1D = 1m^{-1}$ آپ اس بات پر غور کیجیے کہ محدب لینس کی پاور مثبت ہوتی ہے اور محدب لینس کی منفی۔ ماہر چشم لینس کی پاور کی نشاندہی کرتے ہوئے اصلاحی لینس تجویز کرتے ہیں۔ مان لیجیے کہ ایک مجوزہ لینس کی پاور $+2.0D$ کے برابر ہے تو اس کا مطلب ہے کہ تجویز کیا گیا لینس محدب ہے۔ لینس کی فوکل لمبائی $+0.50m$ ہوگی۔ اسی طرح جس لینس کی پاور $-2.5D$ ہو اس کی فوکل لمبائی $-0.40m$ ہوگی اور لینس محدب ہوگا۔

بہت سارے بصری آلات کئی لینسوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔ انہیں شبیہ کی تکبیر کو بڑھانے اور زیادہ واضح شبیہ حاصل کرنے کے لیے جوڑا جاتا ہے۔ ربطہ میں رکھے گئے لینسوں کی کل پاور، انفرادی پاور $P_1, P_2, P_3 \dots$ کے الجبری جمع کے ذریعہ دی جاتی ہے۔ یعنی،

$$P = P_1 + P_2 + P_3 + \dots$$

لینسوں کے لیے فوکل لمبائی کی جگہ پاور کا استعمال چشموں کے لیے ماہرین معقول رہتا ہے۔ آنکھوں کی جانچ کرتے وقت ایک آپٹیشن جانچ کے لیے استعمال ہونے والے چشموں کے فریموں کے اندر معلوم پاور کے کچھ لینسوں کے مختلف اتحاد کو تماس میں رکھتے ہیں۔ آپٹیشن سادہ الجبری جمع کے ذریعہ لینس کی مطلوبہ پاور کا حساب لگاتا ہے۔ مثال کے طور پر $+2.0D$ پاور اور $+0.24D$ کی پاور والے دو لینسوں کا اتصال ایک $+2.25D$ پاور والے واحد لینس کی پاور کے برابر ہوتا ہے۔ واحد لینس کے ذریعہ بننے والی شبیہ کے نقص کو کم کرنے کی غرض سے لینس نظاموں کو ڈیزائن کرتے وقت لینس کی پاور کی سادہ جمعی خصوصیت کا استعمال کیا جاسکتا ہے۔ ایسا لینس نظام جو ایک دوسرے کے تماس میں میں موجود بہت سارے لینسوں پر مشتمل ہوتا ہے، عام طور سے کیمرہ، خوردبینوں اور دوربینوں کے لینسوں کے ڈیزائن میں استعمال ہوتا ہے۔

سوالات



- 1- لینس کی 1 ڈیوپٹر پاور کی تعریف کیجیے۔
- 2- ایک محدب لینس سے 50 سینٹی میٹر کے فاصلے پر ایک سوئی کی حقیقی اور الٹی شبیہ بنتی ہے۔ سوئی کو محدب لینس کے سامنے کہاں رکھا گیا ہے اگر شبیہ شے کے برابر جسامت کی بنتی ہے؟ لینس کی پاور بھی معلوم کیجیے۔
- 3- $2m$ فوکل لمبائی والے مقعر لینس کی پاور کا پتہ لگائیے۔

آپ نے کیا سیکھا

- روشنی سیدھی لائن میں چلتی ہوئی معلوم ہوتی ہے۔
- آئینے اور لینس اشیا کی شبیہ بناتے ہیں۔ شبیہ حقیقی یا مجازی ہوتی ہے جو شے کے مقام پر منحصر ہوتی ہے۔
- سبھی طرح کی انعکاسی سطحیں انعکاس کے قوانین کا اتباع کرتی ہیں۔
- انعطانی سطحیں انعطاف کے قوانین کا اتباع کرتی ہیں۔
- کڑوی آئینوں اور لینسوں کے لیے نئی کارتیسی نشان روایت پر عمل کیا جاتا ہے۔
- آئینہ فارمولا $\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = f$ ، ایک کڑوی آئینہ کے لیے شے کے فاصلے (u) ، شبیہ کے فاصلے (v) اور فوکل لمبائی (f) کے درمیان تعلق کو بیان کرتا ہے۔

- کروی آئینہ کی فوکل لمبائی اس کے نصف قطر انحناء کی نصف ہوتی ہے۔
- کروی آئینہ کے ذریعہ پیدا ہونے والی تکبیر شبیہ کی اونچائی اور شے کی اونچائی کی نسبت ہے۔
- روشنی کی شعاع جو کثیف وسیلہ سے لطیف وسیلہ میں ترچھے سفر کر رہی ہے نارمل سے دور ہٹ جاتی ہے۔ روشنی کی شعاع نارمل کی طرف اسی وقت جھکتی ہے جب وہ لطیف وسیلہ سے کثیف وسیلہ کی طرف ترچھی سفر کرتی ہے۔
- روشنی خلا میں بہت زیادہ رفتار ($3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$) سے سفر کرتی ہے۔ مختلف وسیلوں میں روشنی کی چال الگ الگ ہوتی ہے۔
- ایک شفاف وسیلہ کا انعطافی اشاریہ روشنی کی خلا میں رفتار اور وسیلہ میں رفتار کا کی نسبت ہے۔
- ایک مستطیل نما گلاس سلیب کے معاملہ میں انعطاف ہوا۔ شیشہ کے انٹرفیس اور شیشہ۔ ہوا انٹرفیس دونوں میں ہوتا ہے نمودی شعاع، وقوع شعاع کی سمت کی متوازی ہوتی ہے۔
- لینس فارمولا $\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$ ، شے کا فاصلہ (u) شبیہ کا فاصلہ (v) اور کروی لینس کی فوکل لمبائی (f) کے درمیان تعلق کو بیان کرتا ہے۔
- لینس کی پاور اس کی فوکل لمبائی (میٹر میں) کا مقلوب ہوتی ہے۔ لینس کی پاور کی SI اکائی ڈائیوپٹر ہے۔

مشقیں

- 1- ان میں سے کس قسم کے ماڈے سے لینس نہیں بنایا جاسکتا؟
(a) پانی (b) شیشہ (c) پلاسٹک (d) مٹی
- 2- مقعر آئینہ سے بنی ہوئی شبیہ کا مشاہدہ کرنے پر وہ مجازی، سپرہی اور شے سے بڑی پائی گئی۔ شے کا مقام کہاں ہوگا؟
(a) پرنسپل فوکس اور مرکز انحناء کے درمیان
(b) مرکز انحناء پر
(c) مرکز انحناء سے دور
(d) آئینہ کے قطب اور اس کے پرنسپل فوکس کے درمیان
- 3- محدب لینس کے سامنے شے کا مقام کہاں ہونا چاہیے تاکہ حقیقی اور شے کی جسامت کے برابر شبیہ حاصل ہو۔
(a) لینس کے پرنسپل فوکس پر
(b) فوکل لمبائی سے دو گنے فاصلے پر
(c) لا انتہا پر
(d) لینس کے نوری مرکز اور اس کے پرنسپل فوکس کے درمیان
- 4- ایک کروی آئینہ اور ایک پتلا کروی لینس، دونوں کی فوکل لمبائی 15cm ہے۔ آئینہ اور لینس ہو سکتے ہیں۔
(a) دونوں مقعر (b) دونوں محدب
(c) آئینہ مقعر اور لینس محدب (d) آئینہ محدب، لیکن لینس مقعر

5- آپ آئینہ سے کتنے بھی فاصلے پر کھڑے ہوں آپ کی شبیہ سیدھی دکھائی پڑتی ہے۔ آئینہ ہوگا۔

(a) صرف مسطح (b) صرف مقعر

(c) صرف محدب (d) صرف یا تو مستوی یا پھر محدب

6- ڈکشنری (لغت) کے چھوٹے حروف پڑھنے کے لیے آپ کون سے لینس کو استعمال کرنا پسند کریں گے؟

(a) 50cm فوکل لمبائی والا محدب لینس

(b) 50cm فوکل لمبائی والا مقعر لینس

(c) 5cm فوکل لمبائی والا محدب لینس

(d) 5cm فوکل لمبائی والا مقعر لینس

7- ایک 15cm فوکل لمبائی والے مقعر آئینہ کے استعمال سے ہم کسی شے کی سیدھی شبیہ حاصل کرنا چاہتے ہیں۔ آئینہ سے شے کے فاصلہ کی ریخ کیا ہونی چاہیے؟ شبیہ کی نوعیت کیا ہوگی؟ کیا شبیہ شے سے چھوٹی ہوگی یا پھر بڑی؟ اس صورت میں شبیہ کے بننے کو شعاعی ڈائیگرام بنا کر دکھائیے۔

8- مندرجہ ذیل حالات میں استعمال ہونے والے آئینہ کی قسم کا نام بتائیے۔

(a) کاروں کی ہیڈ لائٹوں میں

(b) پیچھے کا نظارہ دیکھنے کے لیے گاڑیوں میں استعمال ہونے والا آئینہ

(c) سٹشی بھٹیوں میں

اپنے جوابات کی حمایت میں دلیل پیش کیجیے۔

9- ایک محدب لینس کا آدھا حصہ کالے کاغذ سے ڈھکا ہوا ہے۔ کیا یہ لینس شے کی مکمل شبیہ بنا سکتا ہے؟ اپنے جواب کی تصدیق تجربہ کے ذریعہ کیجیے۔ اپنے مشاہدات کی وضاحت کیجیے۔

10- ایک شے جو 5cm لمبی ہے، ایک 10cm فوکل لمبائی والے مرکوزی (تقارب) لینس سے 25cm کے فاصلے پر موجود ہے۔ شعاعی ڈائیگرام کھینچیے اور بننے والی شبیہ کا مقام، جسامت اور نوعیت کا پتہ لگائیے۔

11- ایک 15cm فوکل لمبائی والا مقعر لینس 10cm کے فاصلے پر شبیہ بناتا ہے۔ شے لینس سے کتنے فاصلے پر رکھی ہے؟ شعاعی ڈائیگرام کھینچیے۔

12- ایک شے 15cm فوکل لمبائی والے محدب آئینہ سے 10cm کے فاصلے پر رکھی ہے۔ شبیہ کا مقام اور نوعیت معلوم کیجیے۔

13- ایک مسطح آئینہ سے پیدا ہونے والی تکبیر +1 ہے۔ اس کا کیا مطلب ہے؟

14- ایک 5.0cm لمبی شے 30cm کے نصف قطر انحناء والے محدب آئینہ کے سامنے 20cm کے فاصلے پر رکھی ہوئی ہے۔ شبیہ کا مقام، نوعیت اور جسامت معلوم کیجیے۔

15- ایک 7.0cm جسامت کی شے ایک 18cm فوکل لمبائی والے مقعر آئینہ کے سامنے 27cm کے فاصلے پر رکھی ہوئی ہے۔ آئینہ سے کتنے فاصلے پر پردہ کو رکھنا چاہیے تاکہ ایک واضح شبیہ حاصل ہو سکے؟ شبیہ کی جسامت اور نوعیت کا پتہ لگائیے۔

16- 2.0D پاور والے لینس کی فوکل لمبائی معلوم کیجیے۔ یہ کس طرح کا لینس ہے؟

17- ایک ڈاکٹر نے +1.5D کی پاور والا اصلاحی لینس تجویز کیا ہے۔ لینس کی فوکل لمبائی معلوم کیجیے۔ تجویز کیا ہوا لینس مرکوزی ہے یا غیر مرکوزی؟